

Zadatak 041 (Vedran, srednja škola)Ako je $(x+1)^3 - x^3 = 3 \cdot x^2 + 10$, tada je $(x+1)^4 - x^4$ jednako:

- A. 175 B. 1000 C. 9000 D. 216

Rješenje 041

Ponovimo!

$$(a+b)^3 = a^3 + 3 \cdot a^2 \cdot b + 3 \cdot a \cdot b^2 + b^3.$$

Računamo nepoznanicu x:

$$\begin{aligned} (x+1)^3 - x^3 &= 3 \cdot x^2 + 10 \Rightarrow x^3 + 3 \cdot x^2 \cdot 1 + 3 \cdot x \cdot 1^2 + 1^3 - x^3 = 3 \cdot x^2 + 10 \Rightarrow \\ \Rightarrow x^3 + 3 \cdot x^2 + 3 \cdot x + 1 - x^3 &= 3 \cdot x^2 + 10 \Rightarrow x^3 + 3 \cdot x^2 + 3 \cdot x + 1 - x^3 = 3 \cdot x^2 + 10 \Rightarrow \\ \Rightarrow 3 \cdot x^2 + 3 \cdot x + 1 &= 3 \cdot x^2 + 10 \Rightarrow 3 \cdot x^2 + 3 \cdot x + 1 = 3 \cdot x^2 + 10 \Rightarrow 3 \cdot x + 1 = 10 \Rightarrow \\ \Rightarrow 3 \cdot x &= 10 - 1 \Rightarrow 3 \cdot x = 9 \quad /: 3 \Rightarrow x = 3. \end{aligned}$$

Tada je:

$$\left. \begin{array}{l} (x+1)^4 - x^4 \\ x = 3 \end{array} \right\} \Rightarrow (3+1)^4 - 3^4 = 4^4 - 3^4 = 256 - 81 = 175.$$

Odgovor je pod A.

Vježba 041Ako je $(x+1)^3 - x^3 = 3 \cdot x^2 + 7$, tada je $(x+1)^4 - x^4$ jednako:

- A. 65 B. 100 C. 80 D. 32

Rezultat: A.**Zadatak 042 (Petar, strojarska škola)**Riješi jednadžbu $m^2 + 1 = m \cdot (x+1)$ gdje je m parametar.**Rješenje 042**

Ponovimo!

Zakon distribucije množenja prema zbrajanju

$$a \cdot (b+c) = a \cdot b + a \cdot c \quad , \quad a \cdot b + a \cdot c = a \cdot (b+c).$$

1. inačica

$$\begin{aligned} m^2 + 1 &= m \cdot (x+1) \Rightarrow m^2 + 1 = m \cdot (x+1) \quad /: m \Rightarrow \frac{m^2 + 1}{m} = x+1 \Rightarrow -x = 1 - \frac{m^2 + 1}{m} \Rightarrow \\ \Rightarrow -x &= 1 - \frac{m^2 + 1}{m} \quad /: (-1) \Rightarrow x = -1 + \frac{m^2 + 1}{m} \Rightarrow x = \frac{-m + m^2 + 1}{m} \Rightarrow x = \frac{m^2 - m + 1}{m}, \quad m \neq 0. \end{aligned}$$

2. inačica

$$\begin{aligned} m^2 + 1 &= m \cdot (x+1) \Rightarrow m^2 + 1 = m \cdot x + m \Rightarrow -m \cdot x = m - m^2 - 1 \Rightarrow -m \cdot x = m - m^2 - 1 \quad /: (-1) \Rightarrow \\ \Rightarrow m \cdot x &= -m + m^2 + 1 \Rightarrow m \cdot x = -m + m^2 + 1 \quad /: m \Rightarrow x = \frac{-m + m^2 + 1}{m} \Rightarrow x = \frac{m^2 - m + 1}{m}, \quad m \neq 0. \end{aligned}$$

Vježba 042Riješi jednadžbu $m^2 - 1 = m \cdot (x+1)$ gdje je m parametar.**Rezultat:** $x = \frac{m^2 + m - 1}{m}, \quad m \neq 0.$

Zadatak 043 (Ljiljana, srednja škola)

Odredi sve $a \in R$ tako da rješenje sljedeće jednačbe bude negativan broj:

$$4 + x \cdot (a - 3) = a \cdot (x - 2) - x.$$

Rješenje 043

Ponovimo!

Zakon distribucije množenja prema zbrajanju

$$a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c.$$

Riješimo zadanu jednačbu (nađemo nepoznanicu x).

$$\begin{aligned} 4 + x \cdot (a - 3) &= a \cdot (x - 2) - x \Rightarrow 4 + x \cdot a - 3 \cdot x = a \cdot x - 2 \cdot a - x \Rightarrow 4 + x \cdot a - 3 \cdot x = a \cdot x - 2 \cdot a - x \Rightarrow \\ \Rightarrow 4 - 3 \cdot x &= -2 \cdot a - x \Rightarrow -3 \cdot x + x = -2 \cdot a - 4 \Rightarrow -2 \cdot x = -2 \cdot a - 4 \Rightarrow -2 \cdot x = -2 \cdot a - 4 \quad /: (-2) \Rightarrow \\ &\Rightarrow x = a + 2. \end{aligned}$$

Budući da rješenje jednačbe mora biti negativan broj, slijedi:

$$\left. \begin{array}{l} x = a + 2 \\ x < 0 \end{array} \right\} \Rightarrow a + 2 < 0 \Rightarrow a < -2 \Rightarrow a \in \langle -\infty, -2 \rangle.$$



Vježba 043

Odredi sve $a \in R$ tako da rješenje sljedeće jednačbe bude pozitivan broj:

$$4 + x \cdot (a - 3) = a \cdot (x - 2) - x.$$

Rezultat: $a \in \langle -2, +\infty \rangle$.

Zadatak 044 (Valentina, ekonomska škola)

Jedan se stroj koristi za dvije vrste predmeta od plastike, A i B. Da bi se izradio predmet A treba osigurati 25 minuta rada stroja, a za izradu predmeta B dovoljno je 15 minuta. Puni kapacitet stroja je 10 sati rada dnevno. Označimo x količinu proizvoda A, a y količinu proizvoda B koje stroj dnevno proizvede radeći punim kapacitetom. Koji uvjet moraju zadovoljavati x i y ?

$$A) 25 \cdot x + 15 \cdot y = 60 \quad , \quad B) 0.25 \cdot x + 0.15 \cdot y = 1 \quad , \quad C) 5 \cdot x + 3 \cdot y = 2 \quad , \quad D) 5 \cdot x + 3 \cdot y = 120$$

Rješenje 044

Ponovimo!

$$1 \text{ h} = 60 \text{ min.}$$

Za izradu predmeta A treba osigurati 25 min. Stroj je izradio x predmeta A pa je potrošio $25 \cdot x$ minuta.

Za izradu predmeta B treba osigurati 15 min. Stroj je izradio y predmeta B pa je potrošio $15 \cdot y$ minuta.

Kapacitet stroja je 10 h dnevno, tj.

$$10 \text{ h} = 10 \cdot 60 \text{ min} = 600 \text{ min.}$$

Zato vrijedi:

$$25 \cdot x + 15 \cdot y = 600 \Rightarrow 25 \cdot x + 15 \cdot y = 600 \quad /: 5 \Rightarrow 5 \cdot x + 3 \cdot y = 120.$$

Odgovor je pod D.

Vježba 044

Jedan se stroj koristi za dvije vrste predmeta od plastike, A i B. Da bi se izradio predmet A treba osigurati 25 minuta rada stroja, a za izradu predmeta B dovoljno je 15 minuta. Puni kapacitet stroja je 5 sati rada dnevno. Označimo x količinu proizvoda A, a y količinu proizvoda B koje stroj dnevno proizvede radeći punim kapacitetom. Koji uvjet moraju zadovoljavati x i y ?

$$A) 25 \cdot x + 15 \cdot y = 60 \quad , \quad B) 0.25 \cdot x + 0.15 \cdot y = 1 \quad , \quad C) 5 \cdot x + 3 \cdot y = 2 \quad , \quad D) 5 \cdot x + 3 \cdot y = 60$$

Rezultat: D.

Zadatak 045 (Biba, srednja škola)

Jednadžba $(1 + a) \cdot x = b + 1$ ima beskonačno mnogo rješenja ako je:

A) $a = b$, B) $a = -b$, C) $a = b = -1$, D) $a = b = 1$

Rješenje 045

Ponovimo!

Opći oblik linearne jednadžbe glasi:

$$a \cdot x = b, a, b \in R.$$

Moguća su tri slučaja.

① $\left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a \neq 0 \end{array} \right\} \Rightarrow x = \frac{b}{a}$ rješenje jednadžbe

② $\left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a = 0, b \neq 0 \end{array} \right\} \Rightarrow 0 \cdot x = b$ jednadžba nema rješenja

Ne postoji broj koji bi pomnožen s nulom dao broj različit od nule.

③ $\left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a = 0, b = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow 0 \cdot x = 0$ jednadžba je neodređena

Ima beskonačno mnogo rješenja, tj. jednakost je ispunjena za svako $x \in R$.

Da bi jednadžba

$$(1 + a) \cdot x = b + 1$$

imala beskonačno mnogo rješenja mora biti ispunjeno:

$$\left. \begin{array}{l} 1 + a = 0 \\ b + 1 = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow \left. \begin{array}{l} a = -1 \\ b = -1 \end{array} \right\} \Rightarrow a = b = -1.$$

Za $a = b = -1$ jednadžba je oblika

$$0 \cdot x = 0,$$

a ova je jednakost ispunjena za svako $x \in R$.

Odgovor je pod C.

Vježba 045

Jednadžba $(2 + a) \cdot x = b + 2$ ima beskonačno mnogo rješenja ako je:

A) $a = b$, B) $a = -b$, C) $a = b = -2$, D) $a = b = 1$

Rezultat: C.

Zadatak 046 (Biba, srednja škola)

Koliki mora biti parametar m da jednadžba $(2 - m) \cdot x - (6 + m) = 0$ nema rješenja?

A) $m = 2$, B) $m = -2$, C) $m = -6$, D) $m = 6$

Rješenje 046

Ponovimo!

Parametar

Vladimir Anić, Ivo Goldstein, Rječnik stranih riječi, Novi Liber, Zagreb, 2002.

Veličina, obično realna varijabla, čije vrijednosti služe za razlikovanje elemenata nekog skupa točaka funkcija, jednadžbi ili drugih matematičkih objekata.

Bratoljub Klaić, Rječnik stranih riječi, Nakladni zavod MH, Zagreb, 1983.

Veličina o kojoj ovisi funkcija ili oblik krivulje.

Opći oblik linearne jednadžbe glasi:

$$a \cdot x = b, a, b \in R.$$

Moguća su tri slučaja.

$$\textcircled{1} \left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a \neq 0 \end{array} \right\} \Rightarrow x = \frac{b}{a} \text{ rješenje jednačbe}$$

$$\textcircled{2} \left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a = 0, b \neq 0 \end{array} \right\} \Rightarrow 0 \cdot x = b \text{ jednačba nema rješenja}$$

Ne postoji broj koji bi pomnožen s nulom dao broj različit od nule.

$$\textcircled{3} \left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a = 0, b = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow 0 \cdot x = 0 \text{ jednačba je neodređena}$$

Ima beskonačno mnogo rješenja, tj. jednakost je ispunjena za svako $x \in R$.

S nulom se ne može dijeliti. Zato moramo odbaciti vrijednosti nepoznanice x za koje su nazivnici jednaki nuli.

1. inačica

$$(2-m) \cdot x - (6+m) = 0 \Rightarrow (2-m) \cdot x = 6+m.$$

Iz jednačbe

$$2 - m = 0$$

dobije se

$$m = 2.$$

Ako je $m = 2$ jednačba

$$(2-m) \cdot x = 6+m$$

ima oblik

$$0 \cdot x = 8$$

i očito, nijedan realan x ne zadovoljava tu jednačbu, te jednačba nema rješenja.

Odgovor je pod A.

2. inačica

Riješimo jednačbu:

$$(2-m) \cdot x - (6+m) = 0 \Rightarrow (2-m) \cdot x = 6+m \Rightarrow (2-m) \cdot x = 6+m \quad / \cdot \frac{1}{2-m} \Rightarrow x = \frac{6+m}{2-m}.$$

Budući da nazivnik ne smije biti nula, slijedi:

$$2 - m \neq 0 \Rightarrow m \neq 2.$$

Dakle, za $m = 2$ zadana jednačba nema rješenja.

Odgovor je pod A.

Vježba 046

Koliki mora biti parametar m da jednačba $(3-m) \cdot x - (6+m) = 0$ nema rješenja?

$$A) m = 3 \quad , \quad B) m = -3 \quad , \quad C) m = -6 \quad , \quad D) m = 6$$

Rezultat: A.

Zadatak 047 (Goran, gimnazija)

Riješi jednačbu po x :

$$\frac{x-a \cdot b}{a+b} + \frac{x-a \cdot c}{a+c} + \frac{x-b \cdot c}{b+c} = a+b+c.$$

Rješenje 047

Ponovimo!

$$a \cdot b = 0 \Leftrightarrow a = 0 \text{ ili } b = 0 \text{ ili } a = b = 0.$$

Zakon distribucije množenja prema zbrajanju:

$$a \cdot (b+c) = a \cdot b + a \cdot c \quad , \quad a \cdot b + a \cdot c = a \cdot (b+c).$$

$$\begin{aligned} \frac{x-a \cdot b}{a+b} + \frac{x-a \cdot c}{a+c} + \frac{x-b \cdot c}{b+c} &= a+b+c \Rightarrow \frac{x-a \cdot b}{a+b} + \frac{x-a \cdot c}{a+c} + \frac{x-b \cdot c}{b+c} - a - b - c = 0 \Rightarrow \\ \Rightarrow \frac{x-a \cdot b}{a+b} - c + \frac{x-a \cdot c}{a+c} - b + \frac{x-b \cdot c}{b+c} - a &= 0 \Rightarrow \left(\frac{x-a \cdot b}{a+b} - c \right) + \left(\frac{x-a \cdot c}{a+c} - b \right) + \left(\frac{x-b \cdot c}{b+c} - a \right) = 0 \Rightarrow \\ \Rightarrow \frac{x-a \cdot b - c \cdot (a+b)}{a+b} + \frac{x-a \cdot c - b \cdot (a+c)}{a+c} + \frac{x-b \cdot c - a \cdot (b+c)}{b+c} &= 0 \Rightarrow \\ \Rightarrow \frac{x-a \cdot b - a \cdot c - b \cdot c}{a+b} + \frac{x-a \cdot c - a \cdot b - b \cdot c}{a+c} + \frac{x-b \cdot c - a \cdot b - a \cdot c}{b+c} &= 0 \Rightarrow \\ \Rightarrow \frac{x-a \cdot b - a \cdot c - b \cdot c}{a+b} + \frac{x-a \cdot b - a \cdot c - b \cdot c}{a+c} + \frac{x-a \cdot b - a \cdot c - b \cdot c}{b+c} &= 0 \Rightarrow \\ \Rightarrow (x-a \cdot b - a \cdot c - b \cdot c) \cdot \left(\frac{1}{a+b} + \frac{1}{a+c} + \frac{1}{b+c} \right) &= 0. \end{aligned}$$

Uz pretpostavku da je

$$\frac{1}{a+b} + \frac{1}{a+c} + \frac{1}{b+c} \neq 0,$$

rješenje zadane jednadžbe glasi:

$$x - a \cdot b - a \cdot c - b \cdot c = 0 \Rightarrow x = a \cdot b + a \cdot c + b \cdot c.$$

Vježba 047

Riješi jednadžbu po x:

$$\frac{x}{a+b} + \frac{x}{a+c} + \frac{x}{b+c} - \frac{a \cdot b}{a+b} - \frac{a \cdot c}{a+c} - \frac{b \cdot c}{b+c} = a+b+c.$$

Rezultat: $x = a \cdot b + a \cdot c + b \cdot c.$

Zadatak 048 (Goran, gimnazija)

Riješi jednadžbu po x:

$$\frac{x-a}{b \cdot c} + \frac{x-b}{a \cdot c} + \frac{x-c}{a \cdot b} = 2 \cdot \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} \right).$$

Rješenje 048

Ponovimo!

$$a \cdot b = 0 \Leftrightarrow a = 0 \text{ ili } b = 0 \text{ ili } a = b = 0.$$

Zakon distribucije množenja prema zbrajanju:

$$a \cdot (b+c) = a \cdot b + a \cdot c \quad , \quad a \cdot b + a \cdot c = a \cdot (b+c).$$

$$\begin{aligned} \frac{x-a}{b \cdot c} + \frac{x-b}{a \cdot c} + \frac{x-c}{a \cdot b} &= 2 \cdot \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} \right) \Rightarrow \frac{x-a}{b \cdot c} + \frac{x-b}{a \cdot c} + \frac{x-c}{a \cdot b} = \frac{2}{a} + \frac{2}{b} + \frac{2}{c} \Rightarrow \\ \Rightarrow \frac{x-a}{b \cdot c} + \frac{x-b}{a \cdot c} + \frac{x-c}{a \cdot b} - \frac{2}{a} - \frac{2}{b} - \frac{2}{c} &= 0 \Rightarrow \\ \Rightarrow \frac{x-a}{b \cdot c} - \frac{1}{b} - \frac{1}{c} + \frac{x-b}{a \cdot c} - \frac{1}{a} - \frac{1}{c} + \frac{x-c}{a \cdot b} - \frac{1}{a} - \frac{1}{b} &= 0 \Rightarrow \\ \Rightarrow \left(\frac{x-a}{b \cdot c} - \frac{1}{b} - \frac{1}{c} \right) + \left(\frac{x-b}{a \cdot c} - \frac{1}{a} - \frac{1}{c} \right) + \left(\frac{x-c}{a \cdot b} - \frac{1}{a} - \frac{1}{b} \right) &= 0 \Rightarrow \\ \Rightarrow \frac{x-a-c-b}{b \cdot c} + \frac{x-b-c-a}{a \cdot c} + \frac{x-c-b-a}{a \cdot b} &= 0 \Rightarrow \frac{x-a-b-c}{b \cdot c} + \frac{x-a-b-c}{a \cdot c} + \frac{x-a-b-c}{a \cdot b} = 0 \Rightarrow \end{aligned}$$

$$\Rightarrow (x-a-b-c) \cdot \left(\frac{1}{b \cdot c} + \frac{1}{a \cdot c} + \frac{1}{a \cdot b} \right) = 0.$$

Uz pretpostavku da je

$$a \cdot b \cdot c \neq 0 \text{ i } \frac{1}{b \cdot c} + \frac{1}{a \cdot c} + \frac{1}{a \cdot b} \neq 0,$$

rješenje zadane jednadžbe glasi:

$$x - a - b - c = 0 \Rightarrow x = a + b + c.$$

Vježba 048

Riješi jednadžbu po x:

$$\frac{x}{b \cdot c} + \frac{x}{a \cdot c} + \frac{x}{a \cdot b} - \frac{a}{b \cdot c} - \frac{b}{a \cdot c} - \frac{c}{a \cdot b} = 2 \cdot \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} \right).$$

Rezultat: $x = a + b + c.$

Zadatak 049 (Alen, gimnazija)

Riješi jednadžbu: $\frac{3 \cdot (x+1)}{2} - \frac{2 \cdot (x-3)}{5} + 2 \cdot x - 1 = \frac{31 \cdot x}{10} + 4.$

Rješenje 049

Ponovimo!

Opći oblik linearne jednadžbe glasi:

$$a \cdot x = b, \quad a, b \in R.$$

Moguća su tri slučaja.

$$\textcircled{1} \left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a \neq 0 \end{array} \right\} \Rightarrow x = \frac{b}{a} \text{ rješenje jednadžbe}$$

$$\textcircled{2} \left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a = 0, b \neq 0 \end{array} \right\} \Rightarrow 0 \cdot x = b \text{ jednadžba nema rješenja}$$

Ne postoji broj koji bi pomnožen s nulom dao broj različit od nule.

$$\textcircled{3} \left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a = 0, b = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow 0 \cdot x = 0 \text{ jednadžba je neodređena}$$

Ima beskonačno mnogo rješenja, tj. jednakost je ispunjena za svako $x \in R.$

Zakon distribucije množenja prema zbrajanju:

$$a \cdot (b+c) = a \cdot b + a \cdot c, \quad a \cdot b + a \cdot c = a \cdot (b+c).$$

1. inačica

$$\begin{aligned} \frac{3 \cdot (x+1)}{2} - \frac{2 \cdot (x-3)}{5} + 2 \cdot x - 1 &= \frac{31 \cdot x}{10} + 4 \Rightarrow \frac{3 \cdot (x+1)}{2} - \frac{2 \cdot (x-3)}{5} + 2 \cdot x - 1 = \frac{31 \cdot x}{10} + 4 \quad / \cdot 10 \Rightarrow \\ \Rightarrow 5 \cdot 3 \cdot (x+1) - 2 \cdot 2 \cdot (x-3) + 20 \cdot x - 10 &= 31 \cdot x + 40 \Rightarrow 15 \cdot (x+1) - 4 \cdot (x-3) + 20 \cdot x - 10 = 31 \cdot x + 40 \Rightarrow \\ \Rightarrow 15 \cdot x + 15 - 4 \cdot x + 12 + 20 \cdot x - 10 &= 31 \cdot x + 40 \Rightarrow 15 \cdot x - 4 \cdot x + 20 \cdot x - 31 \cdot x = 40 - 15 - 12 + 10 \Rightarrow \\ \Rightarrow 35 \cdot x - 35 \cdot x &= 50 - 27 \Rightarrow 0 = 23 \Rightarrow 0 \cdot x = 23. \end{aligned}$$

Jednadžba nema rješenja.

2. inačica

$$\frac{3 \cdot (x+1)}{2} - \frac{2 \cdot (x-3)}{5} + 2 \cdot x - 1 = \frac{31 \cdot x}{10} + 4 \Rightarrow \frac{3 \cdot x + 3}{2} - \frac{2 \cdot x - 6}{5} + 2 \cdot x - 1 = \frac{31 \cdot x}{10} + 4 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{3 \cdot x + 3}{2} - \frac{2 \cdot x - 6}{5} + 2 \cdot x - 1 = \frac{31 \cdot x}{10} + 4 \quad / \cdot 10 \Rightarrow 5 \cdot (3 \cdot x + 3) - 2 \cdot (2 \cdot x - 6) + 20 \cdot x - 10 = 31 \cdot x + 40 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 15 \cdot x + 15 - 4 \cdot x + 12 + 20 \cdot x - 10 = 31 \cdot x + 40 \Rightarrow 15 \cdot x - 4 \cdot x + 20 \cdot x - 31 \cdot x = 40 - 15 - 12 + 10 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 35 \cdot x - 35 \cdot x = 50 - 27 \Rightarrow 0 = 23 \Rightarrow 0 \cdot x = 23.$$

Jednadžba nema rješenja.

Vježba 049

Riješi jednadžbu: $\frac{3 \cdot (x+1)}{2} - \frac{31 \cdot x}{10} + 2 \cdot x = \frac{2 \cdot (x-3)}{5} + 5.$

Rezultat: Jednadžba nema rješenja.

Zadatak 050 (Željka, gimnazija)

Riješi jednadžbu: $\frac{1}{a \cdot x - a^2} + \frac{1}{a \cdot x - a \cdot b} + \frac{1}{b \cdot x - a \cdot b} + \frac{1}{b \cdot x - b^2} = 0.$

Rješenje 050

Ponovimo!

$$a \cdot b = 0 \Leftrightarrow a = 0 \text{ ili } b = 0 \text{ ili } a = b = 0.$$

Opći oblik linearne jednadžbe glasi:

$$a \cdot x = b, \quad a, b \in R.$$

Moguća su tri slučaja.

$$\textcircled{1} \left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a \neq 0 \end{array} \right\} \Rightarrow x = \frac{b}{a} \text{ rješenje jednadžbe}$$

$$\textcircled{2} \left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a = 0, b \neq 0 \end{array} \right\} \Rightarrow 0 \cdot x = b \text{ jednadžba nema rješenja}$$

Ne postoji broj koji bi pomnožen s nulom dao broj različit od nule.

$$\textcircled{3} \left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a = 0, b = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow 0 \cdot x = 0 \text{ jednadžba je neodređena}$$

Ima beskonačno mnogo rješenja, tj. jednakost je ispunjena za svako $x \in R$.

Zakon distribucije množenja prema zbrajanju:

$$a \cdot (b+c) = a \cdot b + a \cdot c, \quad a \cdot b + a \cdot c = a \cdot (b+c).$$

$$\frac{1}{a \cdot x - a^2} + \frac{1}{a \cdot x - a \cdot b} + \frac{1}{b \cdot x - a \cdot b} + \frac{1}{b \cdot x - b^2} = 0 \Rightarrow$$

$$\frac{1}{a \cdot (x-a)} + \frac{1}{a \cdot (x-b)} + \frac{1}{b \cdot (x-a)} + \frac{1}{b \cdot (x-b)} = 0 \Rightarrow$$

$$\frac{1}{a \cdot (x-a)} + \frac{1}{b \cdot (x-a)} + \frac{1}{a \cdot (x-b)} + \frac{1}{b \cdot (x-b)} = 0 \Rightarrow$$

$$\frac{1}{x-a} \cdot \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} \right) + \frac{1}{x-b} \cdot \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} \right) = 0 \Rightarrow \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} \right) \cdot \left(\frac{1}{x-a} + \frac{1}{x-b} \right) = 0.$$

Uz pretpostavku da je

$$x \neq a, \quad x \neq b, \quad a \neq b, \quad \frac{1}{a} + \frac{1}{b} \neq 0,$$

rješenje zadane jednadžbe glasi:

$$\frac{1}{x-a} + \frac{1}{x-b} = 0 \Rightarrow \frac{1}{x-a} + \frac{1}{x-b} = 0 \quad / \cdot (x-a) \cdot (x-b) \Rightarrow x-b+x-a=0 \Rightarrow x+x=a+b \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 2 \cdot x = a+b \Rightarrow 2 \cdot x = a+b \quad / : 2 \Rightarrow x = \frac{a+b}{2}.$$

Vježba 050

Riješi jednađbu: $\frac{1}{a \cdot x - a^2} + \frac{1}{a \cdot x - a \cdot b} = \frac{1}{a \cdot b - b \cdot x} + \frac{1}{b^2 - b \cdot x}.$

Rezultat: $x = \frac{a+b}{2}.$

Zadatak 051 (Frenky, gimnazija)

Zbroj uzastopnih 20 brojeva jednak je 350. Odredi najmanji pribrojnik.

Rješenje 051

Ponovimo!

$$1+2+3+4+ \dots + (n-1)+n = \frac{n \cdot (n+1)}{2}.$$

Neka je x najmanji pribrojnik. Tada vrijedi:

$$x+(x+1)+(x+2)+ \dots +(x+18)+(x+19)=350 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow x+x+1+x+2+ \dots +x+18+x+19=350 \Rightarrow 20 \cdot x+(1+2+3+ \dots +18+19)=350 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 20 \cdot x + \frac{19 \cdot (19+1)}{2} = 350 \Rightarrow 20 \cdot x + \frac{19 \cdot 20}{2} = 350 \Rightarrow 20 \cdot x + \frac{19 \cdot 20}{2} = 350 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 20 \cdot x + 190 = 350 \Rightarrow 20 \cdot x = 350 - 190 \Rightarrow 20 \cdot x = 160 \Rightarrow 20 \cdot x = 160 \quad / : 20 \Rightarrow x = 8.$$

Najmanji pribrojnik je 8.

Vježba 051

Zbroj uzastopnih 20 brojeva jednak je 350. Odredi najveći pribrojnik.

Rezultat: 27.

Zadatak 052 (Marija, srednja škola)

Riješi nejednađbu: $\left(\frac{x}{2} - \frac{2}{3}\right)^2 - \left(\frac{x}{2} + \frac{1}{3}\right)^2 \geq \frac{4}{3}.$

Rješenje 052

Ponovimo!

$$a^2 - b^2 = (a-b) \cdot (a+b) \quad , \quad (a-b)^2 = a^2 - 2 \cdot a \cdot b + b^2 \quad , \quad (a+b)^2 = a^2 + 2 \cdot a \cdot b + b^2.$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^2 = \frac{a^2}{b^2}.$$

1. inačica

Uočimo na desnoj strani nejednakosti razliku kvadrata.

$$\left(\frac{x}{2} - \frac{2}{3}\right)^2 - \left(\frac{x}{2} + \frac{1}{3}\right)^2 \geq \frac{4}{3} \Rightarrow \left(\left(\frac{x}{2} - \frac{2}{3}\right) - \left(\frac{x}{2} + \frac{1}{3}\right)\right) \cdot \left(\left(\frac{x}{2} - \frac{2}{3}\right) + \left(\frac{x}{2} + \frac{1}{3}\right)\right) \geq \frac{4}{3} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \left(\frac{x}{2} - \frac{2}{3} - \frac{x}{2} - \frac{1}{3}\right) \cdot \left(\frac{x}{2} - \frac{2}{3} + \frac{x}{2} + \frac{1}{3}\right) \geq \frac{4}{3} \Rightarrow \left(\frac{x}{2} - \frac{2}{3} - \frac{x}{2} - \frac{1}{3}\right) \cdot \left(2 \cdot \frac{x}{2} - \frac{1}{3}\right) \geq \frac{4}{3} \Rightarrow$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow -\frac{3}{3} \cdot \left(2 \cdot \frac{x}{2} - \frac{1}{3} \right) &\geq \frac{4}{3} \Rightarrow -\frac{3}{3} \cdot \left(x - \frac{1}{3} \right) \geq \frac{4}{3} \Rightarrow -1 \cdot \left(x - \frac{1}{3} \right) \geq \frac{4}{3} \Rightarrow -1 \cdot \left(x - \frac{1}{3} \right) \geq \frac{4}{3} \quad / \cdot (-1) \Rightarrow \\ &\Rightarrow x - \frac{1}{3} \leq -\frac{4}{3} \Rightarrow x \leq -\frac{4}{3} + \frac{1}{3} \Rightarrow x \leq -\frac{3}{3} \Rightarrow x \leq -\frac{3}{3} \Rightarrow x \leq -1. \end{aligned}$$

Rješenje jednadžbe glasi:

$$x \in \langle -\infty, -1 \rangle.$$



2. inačica

Uočimo na desnoj strani nejednakosti kvadrat razlike i kvadrat zbroja.

$$\begin{aligned} \left(\frac{x}{2} - \frac{2}{3} \right)^2 - \left(\frac{x}{2} + \frac{1}{3} \right)^2 &\geq \frac{4}{3} \Rightarrow \left(\frac{x}{2} \right)^2 - 2 \cdot \frac{x}{2} \cdot \frac{2}{3} + \left(\frac{2}{3} \right)^2 - \left(\left(\frac{x}{2} \right)^2 + 2 \cdot \frac{x}{2} \cdot \frac{1}{3} + \left(\frac{1}{3} \right)^2 \right) \geq \frac{4}{3} \Rightarrow \\ \Rightarrow \frac{x^2}{4} - 2 \cdot \frac{x}{2} \cdot \frac{2}{3} + \frac{4}{9} - \left(\frac{x^2}{4} + 2 \cdot \frac{x}{2} \cdot \frac{1}{3} + \frac{1}{9} \right) &\geq \frac{4}{3} \Rightarrow \frac{x^2}{4} - \frac{2}{3} \cdot x + \frac{4}{9} - \left(\frac{x^2}{4} + \frac{1}{3} \cdot x + \frac{1}{9} \right) \geq \frac{4}{3} \Rightarrow \\ \Rightarrow \frac{x^2}{4} - \frac{2}{3} \cdot x + \frac{4}{9} - \frac{x^2}{4} - \frac{1}{3} \cdot x - \frac{1}{9} &\geq \frac{4}{3} \Rightarrow \frac{x^2}{4} - \frac{2}{3} \cdot x + \frac{4}{9} - \frac{x^2}{4} - \frac{1}{3} \cdot x - \frac{1}{9} \geq \frac{4}{3} \Rightarrow \\ \Rightarrow -\frac{2}{3} \cdot x + \frac{4}{9} - \frac{1}{3} \cdot x - \frac{1}{9} &\geq \frac{4}{3} \Rightarrow -\frac{3}{3} \cdot x + \frac{3}{9} \geq \frac{4}{3} \Rightarrow -\frac{3}{3} \cdot x + \frac{3}{9} \geq \frac{4}{3} \Rightarrow -x + \frac{1}{3} \geq \frac{4}{3} \Rightarrow \\ \Rightarrow -x &\geq \frac{4}{3} - \frac{1}{3} \Rightarrow -x \geq \frac{3}{3} \Rightarrow -x \geq 1 \Rightarrow -x \geq 1 \quad / \cdot (-1) \Rightarrow x \leq -1. \end{aligned}$$

Rješenje jednadžbe glasi:

$$x \in \langle -\infty, -1 \rangle.$$



Vježba 052

Riješi nejednadžbu: $\left(\frac{x}{2} - \frac{2}{3} \right)^2 + \frac{4}{3} \geq \left(\frac{x}{2} + \frac{1}{3} \right)^2$.

Rezultat: $x \in \langle -\infty, -1 \rangle$.

Zadatak 053 (Zabrinuta, HTT)

Riješi jednadžbu: $2 \cdot y - \frac{1}{5} = 2 \cdot \left(2 + \frac{1}{2} \cdot y \right)$.

Rješenje 053

Ponovimo!

Opći oblik linearne jednadžbe glasi:

$$a \cdot x = b, \quad a, b \in \mathbb{R}.$$

Moguća su tri slučaja.

$$\textcircled{1} \left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a \neq 0 \end{array} \right\} \Rightarrow x = \frac{b}{a} \text{ rješenje jednadžbe}$$

$$\textcircled{2} \left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a = 0, b \neq 0 \end{array} \right\} \Rightarrow 0 \cdot x = b \text{ jednadžba nema rješenja}$$

Ne postoji broj koji bi pomnožen s nulom dao broj različit od nule.

$$\textcircled{3} \left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a = 0, b = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow 0 \cdot x = 0 \text{ jednadžba je neodređena}$$

Ima beskonačno mnogo rješenja, tj. jednakost je ispunjena za svako $x \in \mathbb{R}$.

Zakon distribucije množenja prema zbrajanju:

$$a \cdot (b+c) = a \cdot b + a \cdot c, \quad a \cdot b + a \cdot c = a \cdot (b+c).$$

1. inačica

$$\begin{aligned} 2 \cdot y - \frac{1}{5} &= 2 \cdot \left(2 + \frac{1}{2} \cdot y \right) \Rightarrow 2 \cdot y - \frac{1}{5} = 4 + y \Rightarrow 2 \cdot y - y = 4 + \frac{1}{5} \Rightarrow y = 4 + \frac{1}{5} \Rightarrow \\ &\Rightarrow y = \frac{4}{1} + \frac{1}{5} \Rightarrow y = \frac{20+1}{5} \Rightarrow y = \frac{21}{5}. \end{aligned}$$

2. inačica

$$\begin{aligned} 2 \cdot y - \frac{1}{5} &= 2 \cdot \left(2 + \frac{1}{2} \cdot y \right) \Rightarrow 2 \cdot y - \frac{1}{5} = 2 \cdot \left(\frac{2}{1} + \frac{1}{2} \cdot y \right) \Rightarrow 2 \cdot y - \frac{1}{5} = 2 \cdot \frac{4+y}{2} \Rightarrow 2 \cdot y - \frac{1}{5} = 2 \cdot \frac{4+y}{2} \Rightarrow \\ &\Rightarrow 2 \cdot y - \frac{1}{5} = 4 + y \Rightarrow 2 \cdot y - y = 4 + \frac{1}{5} \Rightarrow y = \frac{4 \cdot 5 + 1}{5} \Rightarrow y = \frac{21}{5}. \end{aligned}$$

Vježba 053

$$\text{Riješi jednadžbu: } 2 \cdot y - \frac{1}{5} = 4 \cdot \left(1 + \frac{1}{4} \cdot y \right).$$

$$\text{Rezultat: } y = \frac{21}{5}.$$

Zadatak 054 (Tihana, maturantica)

$$\text{Riješi jednadžbu: } \frac{1}{2} \cdot \left\{ \frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 1 \right] - 1 \right\} - 1 = 0.$$

Rješenje 054

Ponovimo!

Opći oblik linearne jednadžbe glasi:

$$a \cdot x = b, \quad a, b \in \mathbb{R}.$$

Moguća su tri slučaja.

$$\textcircled{1} \left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a \neq 0 \end{array} \right\} \Rightarrow x = \frac{b}{a} \text{ rješenje jednadžbe}$$

$$\textcircled{2} \left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a = 0, b \neq 0 \end{array} \right\} \Rightarrow 0 \cdot x = b \text{ jednadžba nema rješenja}$$

Ne postoji broj koji bi pomnožen s nulom dao broj različit od nule.

$$\textcircled{3} \left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a = 0, b = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow 0 \cdot x = 0 \text{ jednadžba je neodređena}$$

Ima beskonačno mnogo rješenja, tj. jednakost je ispunjena za svako $x \in \mathbb{R}$.

Zakon distribucije množenja prema zbrajanju:

$$a \cdot (b+c) = a \cdot b + a \cdot c \quad , \quad a \cdot b + a \cdot c = a \cdot (b+c).$$

1. inačica

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} \cdot \left\{ \frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 1 \right] - 1 \right\} - 1 = 0 &\Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left\{ \frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{4} \cdot x - \frac{1}{2} - 1 \right] - 1 \right\} - 1 = 0 \Rightarrow \\ &\Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left\{ \frac{1}{8} \cdot x - \frac{1}{4} - \frac{1}{2} - 1 \right\} - 1 = 0 \Rightarrow \frac{1}{16} \cdot x - \frac{1}{8} - \frac{1}{4} - \frac{1}{2} - 1 = 0 \Rightarrow \\ &\Rightarrow \frac{1}{16} \cdot x - \frac{1}{8} - \frac{1}{4} - \frac{1}{2} - 1 = 0 \quad / \cdot 16 \Rightarrow x - 2 - 4 - 8 - 16 = 0 \Rightarrow x = 2 + 4 + 8 + 16 \Rightarrow x = 30. \end{aligned}$$

2. inačica

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} \cdot \left\{ \frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 1 \right] - 1 \right\} - 1 = 0 &\Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left\{ \frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{4} \cdot x - \frac{1}{2} - 1 \right] - 1 \right\} - 1 = 0 \Rightarrow \\ &\Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left\{ \frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{4} \cdot x - \frac{3}{2} \right] - 1 \right\} - 1 = 0 \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left\{ \frac{1}{8} \cdot x - \frac{3}{4} - 1 \right\} - 1 = 0 \Rightarrow \\ &\Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left\{ \frac{1}{8} \cdot x - \frac{7}{4} \right\} - 1 = 0 \Rightarrow \frac{1}{16} \cdot x - \frac{7}{8} - 1 = 0 \Rightarrow \frac{1}{16} \cdot x - \frac{15}{8} = 0 \Rightarrow \\ &\Rightarrow \frac{1}{16} \cdot x - \frac{15}{8} = 0 \quad / \cdot 16 \Rightarrow x - 30 = 0 \Rightarrow x = 30. \end{aligned}$$

3. inačica

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} \cdot \left\{ \frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 1 \right] - 1 \right\} - 1 = 0 &\Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left\{ \frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 1 \right] - 1 \right\} - 1 = 0 \quad / \cdot 2 \Rightarrow \\ &\Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 1 \right] - 1 - 2 = 0 \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 1 \right] - 3 = 0 \Rightarrow \\ &\Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 1 \right] - 3 = 0 \quad / \cdot 2 \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 1 - 6 = 0 \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 7 = 0 \Rightarrow \\ &\Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 7 = 0 \quad / \cdot 2 \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot x - 1 - 14 = 0 \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot x - 15 = 0 \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot x - 15 = 0 \quad / \cdot 2 \Rightarrow \\ &\Rightarrow x - 30 = 0 \Rightarrow x = 30. \end{aligned}$$

4. inačica

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} \cdot \left\{ \frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 1 \right] - 1 \right\} - 1 = 0 &\Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left\{ \frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 1 \right] - 1 \right\} = 1 \Rightarrow \\ &\Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left\{ \frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 1 \right] - 1 \right\} = 1 \quad / \cdot 2 \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 1 \right] - 1 = 2 \Rightarrow \\ &\Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 1 \right] = 2 + 1 \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 1 \right] = 3 \Rightarrow \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 1 \right] &= 3 \cdot 2 \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) - 1 = 6 \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) = 6 + 1 \Rightarrow \\ \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) &= 7 \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x - 1 \right) = 7 \cdot 2 \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot x - 1 = 14 \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot x = 14 + 1 \Rightarrow \\ &\Rightarrow \frac{1}{2} \cdot x = 15 \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot x = 15 \cdot 2 \Rightarrow x = 30. \end{aligned}$$

Vježba 054

Riješi jednađbu: $\frac{1}{2} \cdot \left[\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2} \cdot x + 1 \right) \right] - 1 = 0.$

Rezultat: 6.

Zadatak 055 (Ana, gimnazija)

Rješenje jednađbe $1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{1-x}} = 1 - \frac{1}{x}$ je broj

A) 0 B) 1 C) 2 D) 3

Rješenje 055

Ponovimo!

Opći oblik linearne jednađbe glasi:

$$a \cdot x = b, \quad a, b \in \mathbb{R}$$

Moguća su tri slučaja.

① $\left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a \neq 0 \end{array} \right\} \Rightarrow x = \frac{b}{a}$ rješenje jednađbe

② $\left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a = 0, b \neq 0 \end{array} \right\} \Rightarrow 0 \cdot x = b$ jednađba nema rješenja

Ne postoji broj koji bi pomnožen s nulom dao broj različit od nule.

③ $\left. \begin{array}{l} a \cdot x = b \\ a = 0, b = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow 0 \cdot x = 0$ jednađba je neodređena

Ima beskonačno mnogo rješenja, tj. jednakost je ispunjena za svako $x \in \mathbb{R}$.

$$n = \frac{n}{1}, \quad \frac{a}{b} - \frac{c}{d} = \frac{a \cdot d - b \cdot c}{b \cdot d}, \quad \frac{\frac{a}{b}}{\frac{c}{d}} = \frac{a \cdot d}{b \cdot c}, \quad \frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d} = \frac{a \cdot c}{b \cdot d}.$$

Zakon distribucije množenja prema zbrajanju:

$$a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c, \quad a \cdot b + a \cdot c = a \cdot (b + c).$$

1. inačica

$$1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{1-x}} = 1 - \frac{1}{x} \Rightarrow 1 - \frac{1}{\frac{1}{1} - \frac{1}{1-x}} = \frac{1}{1} - \frac{1}{x} \Rightarrow 1 - \frac{1}{\frac{1-x-1}{1-x}} = \frac{x-1}{x} \Rightarrow 1 - \frac{1}{\frac{1-x-1}{1-x}} = \frac{x-1}{x} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 1 - \frac{1}{\frac{-x}{1-x}} = \frac{x-1}{x} \Rightarrow 1 - \frac{1}{\frac{-x}{1-x}} = \frac{x-1}{x} \Rightarrow 1 - \frac{1-x}{-x} = \frac{x-1}{x} \Rightarrow 1 + \frac{1-x}{x} = \frac{x-1}{x} \Rightarrow$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow \frac{1}{1} + \frac{1-x}{x} &= \frac{x-1}{x} \Rightarrow \frac{x+1-x}{x} = \frac{x-1}{x} \Rightarrow \frac{x+1-x}{x} = \frac{x-1}{x} \Rightarrow \frac{1}{x} = \frac{x-1}{x} \Rightarrow \\ &\Rightarrow \frac{1}{x} = \frac{x-1}{x} \quad / \cdot x \Rightarrow 1 = x-1 \Rightarrow x-1=1 \Rightarrow x=1+1 \Rightarrow x=2. \end{aligned}$$

Odgovor je pod C.

2. inačica

$$1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{1-x}} = 1 - \frac{1}{x} \Rightarrow 1 - \frac{1}{\frac{1}{1} - \frac{1}{1-x}} = 1 - \frac{1}{x} \Rightarrow 1 - \frac{1}{\frac{1-x-1}{1-x}} = 1 - \frac{1}{x} \Rightarrow 1 - \frac{1}{\frac{1-x-1}{1-x}} = 1 - \frac{1}{x} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 1 - \frac{1}{\frac{-x}{1-x}} = 1 - \frac{1}{x} \Rightarrow 1 - \frac{1}{\frac{-x}{1-x}} = 1 - \frac{1}{x} \Rightarrow 1 - \frac{1-x}{-x} = 1 - \frac{1}{x} \Rightarrow 1 + \frac{1-x}{x} = 1 - \frac{1}{x} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{1}{1} + \frac{1-x}{x} = \frac{1}{1} - \frac{1}{x} \quad / \cdot x \Rightarrow x+1-x = x-1 \Rightarrow x-x-x = -1-1 \Rightarrow x-x-x = -2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow -x = -2 \Rightarrow -x = -2 \quad / \cdot (-1) \Rightarrow x = 2.$$

Vježba 055

Rješenje jednadžbe $1 - \frac{1}{1 + \frac{1}{x-1}} = 1 - \frac{1}{x}$ je broj

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3

Rezultat: C.