

Zadatak 381 (Sandra, gimnazija)

Tijelo se nalazi u tekućini gustoće ρ tako da je $\frac{1}{5}$ volumena tijela iznad površine tekućine.

Kolika je gustoća tijela?

A. $\frac{\rho}{5}$ B. $\frac{\rho}{2}$ C. $\frac{4 \cdot \rho}{5}$ D. ρ

Rješenje 381

ρ , V , $\rho_1 = ?$

Gustoću ρ neke tvari možemo naći iz omjera (količnika) mase tijela i njegova obujma (volumena):

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho \cdot V.$$

Akceleracija kojom tijela padaju na Zemlju naziva se akceleracijom slobodnog pada. Prema drugom Newtonovu poučku

$$G = m \cdot g,$$

gdje je G sila teža, m masa tijela i g akceleracija slobodnog pada koja je za sva tijela na istome mjestu na Zemlji jednaka. Težina tijela jest sila kojom tijelo zbog Zemljina privlačenja djeluje na horizontalnu podlogu ili ovjes. Za slučaj kad tijelo i podloga, odnosno ovjes, miruju ili se gibaju jednoliko po pravcu s obzirom na Zemlju, težina tijela je veličinom jednaka sili teže.

Budući da tlak u tekućini ovisi o dubini, na tijelo uronjeno u tekućinu djeluje tekućina odozdo većom silom nego odozgo, tj. na tijelo djeluje uzgon. Uzgon je sila usmjerena prema površini tekućine, a iznos te sile jednak je težini tekućine koju je tijelo istisnulo svojim obujmom. Za uzgon vrijedi Arhimedov zakon:

$$F_{uz} = \rho_t \cdot g \cdot V$$

gdje je ρ_t gustoća tekućine, g ubrzanje sile teže, V obujam uronjenog dijela tijela. Tijelo uronjeno u tekućinu postaje lakše za iznos težine tekućine koju je istisnulo svojim obujmom. Težina tijela uronjenog u fluid manja je za silu uzgona od težine tijela u vakuumu.

Tijelo se nalazi u tekućini tako da je $\frac{1}{5}$ njegova volumena iznad površine tekućine. U tekućini nalazi se $\frac{4}{5}$ volumena.

$$V_1 = V - \frac{1}{5} \cdot V \Rightarrow V_1 = \frac{4}{5} \cdot V.$$

Dakle, uzgon djeluje na $\frac{4}{5}$ volumena. Ako tijelo lebdi u vodi, uzgon je jednak težini.

$$\begin{aligned} F_{uz} = G &\Rightarrow \rho \cdot g \cdot V_1 = m \cdot g \Rightarrow \rho \cdot g \cdot \frac{4}{5} \cdot V = \rho_1 \cdot V \cdot g \Rightarrow \rho \cdot g \cdot \frac{4}{5} \cdot V = \rho_1 \cdot V \cdot g \cdot \frac{1}{V \cdot g} \Rightarrow \\ &\Rightarrow \rho \cdot \frac{4}{5} = \rho_1 \Rightarrow \rho_1 = \frac{4 \cdot \rho}{5}. \end{aligned}$$

Odgovor je pod C.

Vježba 381

Tijelo se nalazi u tekućini gustoće ρ tako da je $\frac{2}{5}$ volumena tijela iznad površine tekućine.

Kolika je gustoća tijela?

A. $\frac{2 \cdot \rho}{5}$ B. $\frac{3 \cdot \rho}{2}$ C. $\frac{3 \cdot \rho}{5}$ D. $3 \cdot \rho$

Rezultat: C.

Zadatak 382 (Marija, maturantica)

Tijelo od aluminiya ($\rho_1 = 2700 \text{ kg / m}^3$) s masom 50 g treba obložiti parafinom ($\rho_2 = 900 \text{ kg / m}^3$) tako da bi nastalo tijelo lebdjelo u vodi. Koliku masu parafina treba uporabiti? (gustoća vode $\rho = 1000 \text{ kg / m}^3$)

A. 283 g B. 320 g C. 475 g D. 690 g

Rješenje 382

$\rho_1 = 2700 \text{ kg / m}^3$, $m_1 = 50 \text{ g} = 0.05 \text{ kg}$, $\rho_2 = 900 \text{ kg / m}^3$, $\rho = 1000 \text{ kg / m}^3$,
 $m_2 = ?$

Gustoću ρ neke tvari možemo naći iz omjera (količnika) mase tijela i njegova obujma (volumena):

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow V = \frac{m}{\rho}.$$

Akceleracija kojom tijela padaju na Zemlju naziva se akceleracijom slobodnog pada. Prema drugom Newtonovu poučku

$$G = m \cdot g,$$

gdje je G sila teža, m masa tijela i g akceleracija slobodnog pada koja je za sva tijela na istome mjestu na Zemlji jednaka. Težina tijela jest sila kojom tijelo zbog Zemljina privlačenja djeluje na horizontalnu podlogu ili ovjes. Za slučaj kad tijelo i podloga, odnosno ovjes, miruju ili se gibaju jednoliko po pravcu s obzirom na Zemlju, težina tijela je veličinom jednaka sili teže.

Budući da tlak u tekućini ovisi o dubini, na tijelo uronjeno u tekućinu djeluje tekućina odozdo većom silom nego odozgo, tj. na tijelo djeluje uzgon. Uzgon je sila usmjerena prema površini tekućine, a iznos te sile jednak je težini tekućine koju je tijelo istisnulo svojim obujmom. Za uzgon vrijedi Arhimedov zakon:

$$F_{uz} = \rho_t \cdot g \cdot V,$$

gdje je ρ_t gustoća tekućine, g ubrzanje sile teže, V obujam uronjenog dijela tijela. Tijelo uronjeno u tekućinu postaje lakše za iznos težine tekućine koju je istisnulo svojim obujmom. Težina tijela uronjenog u fluid manja je za silu uzgona od težine tijela u vakuumu.

Budući da nastalo tijelo (aluminij + parafin) lebdi u vodi, uzgon je jednak težini.

$$\begin{aligned} F_{uz} = G &\Rightarrow \left[\begin{array}{l} V_1 + V_2 \text{ volumen aluminija i parafina} \\ G_1 + G_2 \text{ težina aluminija i parafina} \end{array} \right] \Rightarrow \\ &\Rightarrow \rho \cdot g \cdot (V_1 + V_2) = G_1 + G_2 \Rightarrow \rho \cdot g \cdot \left(\frac{m_1}{\rho_1} + \frac{m_2}{\rho_2} \right) = m_1 \cdot g + m_2 \cdot g \Rightarrow \\ &\Rightarrow \rho \cdot g \cdot \left(\frac{m_1}{\rho_1} + \frac{m_2}{\rho_2} \right) = m_1 \cdot g + m_2 \cdot g \quad /: g \Rightarrow \rho \cdot \left(\frac{m_1}{\rho_1} + \frac{m_2}{\rho_2} \right) = m_1 + m_2 \Rightarrow \\ &\Rightarrow \rho \cdot \frac{m_1}{\rho_1} + \rho \cdot \frac{m_2}{\rho_2} = m_1 + m_2 \Rightarrow \rho \cdot \frac{m_2}{\rho_2} - m_2 = m_1 - \rho \cdot \frac{m_1}{\rho_1} \Rightarrow m_2 \cdot \left(\frac{\rho}{\rho_2} - 1 \right) = m_1 \cdot \left(1 - \frac{\rho}{\rho_1} \right) \Rightarrow \\ &\Rightarrow m_2 \cdot \left(\frac{\rho}{\rho_2} - 1 \right) = m_1 \cdot \left(1 - \frac{\rho}{\rho_1} \right) \Rightarrow m_2 \cdot \frac{\rho - \rho_2}{\rho_2} = m_1 \cdot \frac{\rho_1 - \rho}{\rho_1} \Rightarrow \\ &\Rightarrow m_2 \cdot \frac{\rho - \rho_2}{\rho_2} = m_1 \cdot \frac{\rho_1 - \rho}{\rho_1} \quad / \cdot \frac{\rho_2}{\rho - \rho_2} \Rightarrow m_2 = m_1 \cdot \frac{\rho_1 - \rho}{\rho_1} \cdot \frac{\rho_2}{\rho - \rho_2} \Rightarrow \end{aligned}$$

$$\Rightarrow m_2 = m_1 \cdot \frac{(\rho_1 - \rho) \cdot \rho_2}{\rho_1 \cdot (\rho - \rho_2)} = 0.05 \text{ kg} \cdot \frac{\left(2700 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} - 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}\right) \cdot 900 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}}{2700 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot \left(1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} - 900 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}\right)} = 0.283 \text{ kg} = 283 \text{ g}.$$

Odgovor je pod A.

Vježba 382

Tijelo od aluminijsa ($\rho_1 = 2700 \text{ kg / m}^3$) s masom 5 dag treba obložiti parafinom ($\rho_2 = 900 \text{ kg / m}^3$) tako da bi nastalo tijelo lebdjelo u vodi. Koliku masu parafina treba uporabiti? (gustoća vode $\rho = 1000 \text{ kg / m}^3$)

- A. 283 g B. 320 g C. 475 g D. 690 g

Rezultat: A.

Zadatak 383 (Marija, maturantica)

U 0.1 kg parafina ugrađeno je toliko olova da nastalo tijelo lebdi u vodi. Kolika je masa olova? (gustoća parafina $\rho_1 = 900 \text{ kg / m}^3$, gustoća olova $\rho_2 = 11800 \text{ kg / m}^3$, gustoća vode $\rho = 1000 \text{ kg / m}^3$)

- A. $0.865 \cdot 10^{-2} \text{ kg}$ B. $0.930 \cdot 10^{-2} \text{ kg}$ C. $1.21 \cdot 10^{-2} \text{ kg}$ D. $1.78 \cdot 10^{-2} \text{ kg}$

Rješenje 383

$m_1 = 0.1 \text{ kg}$, $\rho_1 = 900 \text{ kg / m}^3$, $\rho_2 = 11800 \text{ kg / m}^3$, $\rho = 1000 \text{ kg / m}^3$,
 $m_2 = ?$

Gustoću ρ neke tvari možemo naći iz omjera (količnika) mase tijela i njegova obujma (volumena):

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow V = \frac{m}{\rho}.$$

Akceleracija kojom tijela padaju na Zemlju naziva se akceleracijom slobodnog pada. Prema drugom Newtonovu poučku

$$G = m \cdot g,$$

gdje je G sila teža, m masa tijela i g akceleracija slobodnog pada koja je za sva tijela na istome mjestu na Zemlji jednaka. Težina tijela jest sila kojom tijelo zbog Zemljina privlačenja djeluje na horizontalnu podlogu ili ovjes. Za slučaj kad tijelo i podloga, odnosno ovjes, miruju ili se gibaju jednoliko po pravcu s obzirom na Zemlju, težina tijela je veličinom jednaka sili teže.

Budući da tlak u tekućini ovisi o dubini, na tijelo uronjeno u tekućinu djeluje tekućina odozdo većom silom nego odozgo, tj. na tijelo djeluje uzgon. Uzgon je sila usmjerena prema površini tekućine, a iznos te sile jednak je težini tekućine koju je tijelo istisnulo svojim obujmom. Za uzgon vrijedi Arhimedov zakon:

$$F_{uz} = \rho_t \cdot g \cdot V,$$

gdje je ρ_t gustoća tekućine, g ubrzanje sile teže, V obujam uronjenog dijela tijela. Tijelo uronjeno u tekućinu postaje lakše za iznos težine tekućine koju je istisnulo svojim obujmom. Težina tijela uronjenog u fluid manja je za silu uzgona od težine tijela u vakuumu.

Budući da nastalo tijelo (parafin + olovo) lebdi u vodi, uzgon je jednak težini.

$$\begin{aligned} F_{uz} = G &\Rightarrow \left[\begin{array}{l} V_1 + V_2 \text{ volumen parafina i olova} \\ G_1 + G_2 \text{ težina parafina i olova} \end{array} \right] \Rightarrow \\ &\Rightarrow \rho \cdot g \cdot (V_1 + V_2) = G_1 + G_2 \Rightarrow \rho \cdot g \cdot \left(\frac{m_1}{\rho_1} + \frac{m_2}{\rho_2} \right) = m_1 \cdot g + m_2 \cdot g \Rightarrow \\ &\Rightarrow \rho \cdot g \cdot \left(\frac{m_1}{\rho_1} + \frac{m_2}{\rho_2} \right) = m_1 \cdot g + m_2 \cdot g \quad /: g \Rightarrow \rho \cdot \left(\frac{m_1}{\rho_1} + \frac{m_2}{\rho_2} \right) = m_1 + m_2 \Rightarrow \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow \rho \cdot \frac{m_1}{\rho_1} + \rho \cdot \frac{m_2}{\rho_2} &= m_1 + m_2 \Rightarrow \rho \cdot \frac{m_2}{\rho_2} - m_2 = m_1 - \rho \cdot \frac{m_1}{\rho_1} \Rightarrow m_2 \cdot \left(\frac{\rho}{\rho_2} - 1 \right) = m_1 \cdot \left(1 - \frac{\rho}{\rho_1} \right) \Rightarrow \\ \Rightarrow m_2 \cdot \left(\frac{\rho}{\rho_2} - \frac{1}{1} \right) &= m_1 \cdot \left(\frac{1}{1} - \frac{\rho}{\rho_1} \right) \Rightarrow m_2 \cdot \frac{\rho - \rho_2}{\rho_2} = m_1 \cdot \frac{\rho_1 - \rho}{\rho_1} \Rightarrow \\ \Rightarrow m_2 \cdot \frac{\rho - \rho_2}{\rho_2} &= m_1 \cdot \frac{\rho_1 - \rho}{\rho_1} \cdot \frac{\rho_2}{\rho - \rho_2} \Rightarrow m_2 = m_1 \cdot \frac{\rho_1 - \rho}{\rho_1} \cdot \frac{\rho_2}{\rho - \rho_2} \Rightarrow \\ \Rightarrow m_2 &= m_1 \cdot \frac{(\rho_1 - \rho) \cdot \rho_2}{\rho_1 \cdot (\rho - \rho_2)} = 0.1 \text{ kg} \cdot \frac{\left(900 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} - 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \right) \cdot 11800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}}{900 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot \left(1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} - 11800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \right)} = 1.21 \cdot 10^{-2} \text{ kg}. \end{aligned}$$

Odgovor je pod C.

Vježba 383

U 10 dag parafina ugrađeno je toliko olova da nastalo tijelo lebdi u vodi. Kolika je masa olova? (gustoća parafina $\rho_1 = 900 \text{ kg / m}^3$, gustoća olova $\rho_2 = 11800 \text{ kg / m}^3$, gustoća vode $\rho = 1000 \text{ kg / m}^3$)

- A. $0.865 \cdot 10^{-2} \text{ kg}$ B. $0.930 \cdot 10^{-2} \text{ kg}$ C. $1.21 \cdot 10^{-2} \text{ kg}$ D. $1.78 \cdot 10^{-2} \text{ kg}$

Rezultat: C.

Zadatak 384 (Asterix, gimnazija)

U komad parafina mase 170 g umetnut je komad aluminija. Kolika je masa aluminija ako takvo tijelo lebdi u vodi? (gustoća parafina $\rho_1 = 900 \text{ kg / m}^3$, gustoća aluminija $\rho_2 = 2700 \text{ kg / m}^3$, gustoća vode $\rho = 1000 \text{ kg / m}^3$)

Rješenje 384

$$m_1 = 170 \text{ g} = 0.17 \text{ kg}, \quad \rho_1 = 900 \text{ kg / m}^3, \quad \rho_2 = 11800 \text{ kg / m}^3, \quad \rho = 1000 \text{ kg / m}^3, \\ m_2 = ?$$

Gustoću ρ neke tvari možemo naći iz omjera (količnika) mase tijela i njegova obujma (volumena):

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow V = \frac{m}{\rho}.$$

Akceleracija kojom tijela padaju na Zemlju naziva se akceleracijom slobodnog pada. Prema drugom Newtonovu poučku

$$G = m \cdot g,$$

gdje je G sila teža, m masa tijela i g akceleracija slobodnog pada koja je za sva tijela na istome mjestu na Zemlji jednaka. Težina tijela jest sila kojom tijelo zbog Zemljina privlačenja djeluje na horizontalnu podlogu ili ovjes. Za slučaj kad tijelo i podloga, odnosno ovjes, miruju ili se gibaju jednoliko po pravcu s obzirom na Zemlju, težina tijela je veličinom jednaka sili teže.

Budući da tlak u tekućini ovisi o dubini, na tijelo uronjeno u tekućinu djeluje tekućina odozdo većom silom nego odozgo, tj. na tijelo djeluje uzgon. Uzgon je sila usmjerena prema površini tekućine, a iznos te sile jednak je težini tekućine koju je tijelo istisnulo svojim obujmom. Za uzgon vrijedi Arhimedov zakon:

$$F_{uz} = \rho_t \cdot g \cdot V,$$

gdje je ρ_t gustoća tekućine, g ubrzanje sile teže, V obujam uronjenog dijela tijela. Tijelo uronjeno u tekućinu postaje lakše za iznos težine tekućine koju je istisnulo svojim obujmom. Težina tijela uronjenog u fluid manja je za silu uzgona od težine tijela u vakuumu.

Budući da nastalo tijelo (parafin + aluminij) lebdi u vodi, uzgon je jednak težini.

$$\begin{aligned}
F_{uz} = G &\Rightarrow \left[\begin{array}{l} V_1 + V_2 \text{ volumen parafina i aluminija} \\ G_1 + G_2 \text{ težina parafina i aluminija} \end{array} \right] \Rightarrow \\
&\Rightarrow \rho \cdot g \cdot (V_1 + V_2) = G_1 + G_2 \Rightarrow \rho \cdot g \cdot \left(\frac{m_1}{\rho_1} + \frac{m_2}{\rho_2} \right) = m_1 \cdot g + m_2 \cdot g \Rightarrow \\
&\Rightarrow \rho \cdot g \cdot \left(\frac{m_1}{\rho_1} + \frac{m_2}{\rho_2} \right) = m_1 \cdot g + m_2 \cdot g \quad /: g \Rightarrow \rho \cdot \left(\frac{m_1}{\rho_1} + \frac{m_2}{\rho_2} \right) = m_1 + m_2 \Rightarrow \\
&\Rightarrow \rho \cdot \frac{m_1}{\rho_1} + \rho \cdot \frac{m_2}{\rho_2} = m_1 + m_2 \Rightarrow \rho \cdot \frac{m_2}{\rho_2} - m_2 = m_1 - \rho \cdot \frac{m_1}{\rho_1} \Rightarrow m_2 \cdot \left(\frac{\rho}{\rho_2} - 1 \right) = m_1 \cdot \left(1 - \frac{\rho}{\rho_1} \right) \Rightarrow \\
&\Rightarrow m_2 \cdot \left(\frac{\rho}{\rho_2} - \frac{1}{1} \right) = m_1 \cdot \left(\frac{1}{1} - \frac{\rho}{\rho_1} \right) \Rightarrow m_2 \cdot \frac{\rho - \rho_2}{\rho_2} = m_1 \cdot \frac{\rho_1 - \rho}{\rho_1} \Rightarrow \\
&\Rightarrow m_2 \cdot \frac{\rho - \rho_2}{\rho_2} = m_1 \cdot \frac{\rho_1 - \rho}{\rho_1} \quad / \cdot \frac{\rho_2}{\rho - \rho_2} \Rightarrow m_2 = m_1 \cdot \frac{\rho_1 - \rho}{\rho_1} \cdot \frac{\rho_2}{\rho - \rho_2} \Rightarrow \\
&\Rightarrow m_2 = m_1 \cdot \frac{(\rho_1 - \rho) \cdot \rho_2}{\rho_1 \cdot (\rho - \rho_2)} = 0.17 \text{ kg} \cdot \frac{\left(900 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} - 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \right) \cdot 2700 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}}{900 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot \left(1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} - 2700 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \right)} = 0.03 \text{ kg} = 30 \text{ g}.
\end{aligned}$$

Vježba 384

U komad parafina mase 17 dag umetnut je komad aluminija. Kolika je masa aluminija ako takvo tijelo lebdi u vodi? (gustoća parafina $\rho_1 = 900 \text{ kg/m}^3$, gustoća aluminija $\rho_2 = 2700 \text{ kg/m}^3$, gustoća vode $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$)

Rezultat: 30 g.

Zadatak 385 (Vesna, medicinska škola)

Tlak zraka iznad sokova u plastičnim bocama tijekom ljetnih dana može narasti do 5 bara. Kolikoj sili se opire zatvarač boce promjera 22 mm?

Rješenje 385

$$p = 5 \text{ bar} = 5 \cdot 10^5 \text{ Pa}, \quad 2 \cdot r = 22 \text{ mm} \Rightarrow r = 11 \text{ mm} = 0.011 \text{ m}, \quad F = ?$$

Tlak je količnik sile F što jednoliko raspoređena djeluje okomito na neku površinu S i te površine:

$$p = \frac{F}{S}.$$

Ploština kruga polumjera r iznosi:

$$P = r^2 \cdot \pi.$$

Sila kojoj se zatvarač boce opire iznosi:

$$\begin{aligned}
p &= \frac{F}{S} \Rightarrow \frac{F}{S} = p \Rightarrow \frac{F}{S} = p \quad / \cdot S \Rightarrow F = p \cdot S \Rightarrow F = p \cdot r^2 \cdot \pi = \\
&= 5 \cdot 10^5 \text{ Pa} \cdot (0.011 \text{ m})^2 \cdot \pi = 190.07 \text{ N}.
\end{aligned}$$

Vježba 385

Tlak zraka iznad sokova u plastičnim bocama tijekom ljetnih dana može narasti do 5 bara. Kolikoj sili se opire zatvarač boce promjera 2.2 cm?

Rezultat: 190.07 N.

Zadatak 386 (Vesna, medicinska škola)

Težina automobila je 9 kN. Koliki je tlak na horizontalnu podlogu ako je dodirna ploha svake gume i asfalta 140 cm²?

Rješenje 386

$$G = 9 \text{ kN} = 9000 \text{ N}, \quad S = 140 \text{ cm}^2 = 0.014 \text{ m}^2, \quad p = ?$$

Tlak je količnik sile F što jednoliko raspoređena djeluje okomito na neku površinu S i te površine:

$$p = \frac{F}{S}.$$

Budući da je tlak uzrokovan težinom G automobila pri čemu svaki od četiri kotača ima dodirnu plohu S, slijedi:

$$p = \frac{G}{4 \cdot S} = \frac{9000 \text{ N}}{4 \cdot 0.014 \text{ m}^2} = 160714.29 \text{ Pa}.$$

Vježba 386

Težina automobila je 18 kN. Koliki je tlak na horizontalnu podlogu ako je dodirna ploha svake gume i asfalta 280 cm²?

Rezultat: 160714.29 Pa.

Zadatak 387 (Valentina, gimnazija)

Šuplja metalna kugla, vanjskog obujma 200 cm³, ima masu 0.14 kg. Potopi se na dubinu 1 m ispod površine vode i pusti. Do koje će visine iskočiti iznad površine vode? (ubrzanje slobodnog pada $g = 9.81 \text{ m/s}^2$, gustoća vode $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$)

Rješenje 387

$$V = 200 \text{ cm}^3 = 2 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3, \quad m = 0.14 \text{ kg}, \quad h = 1 \text{ m}, \quad g = 9.81 \text{ m/s}^2, \\ \rho = 1000 \text{ kg/m}^3, \quad H = ?$$

Jednoliko ubrzano gibanje duž puta s jest gibanje za koje vrijedi izraz

$$v^2 = 2 \cdot a \cdot s,$$

gdje je v brzina tijela pošto se pokrenulo iz mirovanja i gibalo jednoliko ubrzano akceleracijom a za vrijeme t.

Drugi Newtonov poučak: Ako na tijelo djeluje stalna sila u smjeru njegovog gibanja, tijelo ima akceleraciju koja je proporcionalna sili, a obrnuto proporcionalna masi tijela te ima isti smjer kao i sila.

$$a = \frac{F}{m} \Rightarrow F = m \cdot a.$$

Drugi Newtonov poučak opisuje ponašanje tijela kad na njega djeluje određena vanjska sila F.

Akceleracija a tijela je razmjerna sili i ima smjer sile.

Složena gibanja pri kojima jednu komponentu gibanja uzrokuje djelovanje sile teže zovu se hici.

Vertikalni hitac prema gore sastoji se od jednolikoga gibanja prema gore brzinom v_0 i slobodnog pada. Najviši domet h što ga tijelo može postići pri vertikalnom hicu jest put u času kad je $v = 0$.

Onda je

$$h = \frac{v_0^2}{2 \cdot g}.$$

Akceleracija kojom tijela padaju na Zemlju naziva se akceleracijom slobodnog pada. Prema drugom Newtonovu poučku

$$G = m \cdot g,$$

gdje je G sila teža, m masa tijela i g akceleracija slobodnog pada koja je za sva tijela na istome mjestu na Zemlji jednaka. Težina tijela jest sila kojom tijelo zbog Zemljina privlačenja djeluje na

horizontalnu podlogu ili ovjes. Za slučaj kad tijelo i podloga, odnosno ovjes, miruju ili se gibaju jednoliko po pravcu s obzirom na Zemlju, težina tijela je veličinom jednaka sili teže. Budući da tlak u tekućini ovisi o dubini, na tijelo uronjeno u tekućinu djeluje tekućina odozdo većom silom nego odozgo, tj. na tijelo djeluje uzgon. Uzgon je sila usmjerena prema površini tekućine, a iznos te sile jednak je težini tekućine koju je tijelo istisnulo svojim obujmom. Za uzgon vrijedi Arhimedov zakon:

$$F_{uz} = \rho_t \cdot g \cdot V,$$

gdje je ρ_t gustoća tekućine, g ubrzanje sile teže, V obujam uronjenog dijela tijela. Tijelo uronjeno u tekućinu postaje lakše za iznos težine tekućine koju je istisnulo svojim obujmom. Težina tijela uronjenog u fluid manja je za silu uzgona od težine tijela u vakuumu.

Potencijalna energija je energija međudjelovanja tijela. Ona ovisi o međusobnom položaju tijela ili o međusobnom položaju dijelova tijela. U polju sile teže tijelo mase m ima gravitacijsku potencijalnu energiju

$$E_{gp} = m \cdot g \cdot h,$$

gdje je g akceleracija slobodnog pada, a h vertikalna udaljenost tijela od mjesta gdje bi prema dogovoru tijelo imalo energiju nula.

Zakon očuvanja energije:

- Energija se ne može ni stvoriti ni uništiti, već samo pretvoriti iz jednog oblika u drugi.
- Ukupna energija zatvorenog (izoliranog) sustava konstantna je bez obzira na to koji se procesi zbivaju u tom sustavu.
- Kad se u nekom procesu pojavi gubitak nekog oblika energije, mora se pojaviti i jednak prirast nekog drugog oblika energije.

Tijelo obavlja rad W ako djeluje nekom silom F na putu s na drugo tijelo. Ako sila djeluje u smjeru gibanja tijela, vrijedi

$$W = F \cdot s.$$

1. inačica

Pustimo li šuplju kuglu na dubini h ispod površine vode ona će se gibati jednoliko ubrzano prema površini. Na nju djeluje rezultanta sile teže G i njoj suprotne sile uzgona F_{uz} . Pritom akceleracija tijela prema Newtonovu poučku iznosi:

$$\begin{aligned} F = F_{uz} - G &\Rightarrow m \cdot a = \rho \cdot g \cdot V - m \cdot g \Rightarrow m \cdot a = \rho \cdot g \cdot V - m \cdot g \cdot \frac{1}{m} \Rightarrow \\ &\Rightarrow a = \frac{\rho \cdot g \cdot V}{m} - g \Rightarrow a = g \cdot \left(\frac{\rho \cdot V}{m} - 1 \right). \end{aligned}$$

Budući da se šuplja kugla giba jednoliko ubrzano bez početne brzine, na kraju puta h imat će brzinu

$$v^2 = 2 \cdot a \cdot h \Rightarrow v^2 = 2 \cdot g \cdot \left(\frac{\rho \cdot V}{m} - 1 \right) \cdot h.$$

Kada kugla ispliva iz vode gibat će se uvis jednoliko usporeno početnom brzinom v i deceleracijom g (vertikalni hitac uvis). Njezin prijeđeni put H do zaustavljanja (maksimalna visina) je

$$\begin{aligned} H = \frac{v^2}{2 \cdot g} &\Rightarrow H = \frac{2 \cdot g \cdot \left(\frac{\rho \cdot V}{m} - 1 \right) \cdot h}{2 \cdot g} \Rightarrow H = \frac{2 \cdot g \cdot \left(\frac{\rho \cdot V}{m} - 1 \right) \cdot h}{2 \cdot g} \Rightarrow H = \left(\frac{\rho \cdot V}{m} - 1 \right) \cdot h = \\ &= \left(\frac{1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot 2 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3}{0.14 \text{ kg}} - 1 \right) \cdot 1 \text{ m} = 0.43 \text{ m}. \end{aligned}$$

2. inačica

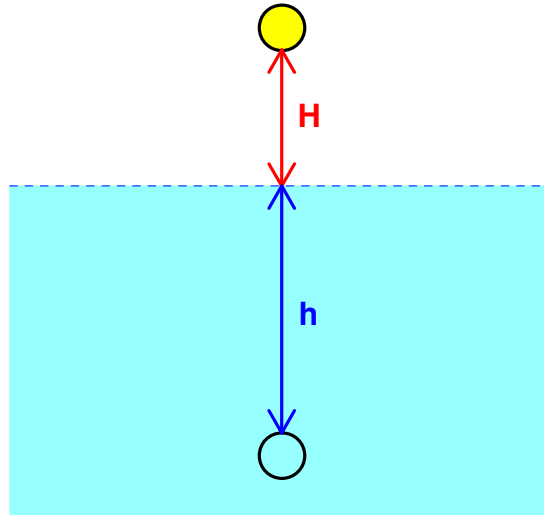
Zadatak možemo riješiti uporabom zakona o očuvanju energije. Povećanje gravitacijske potencijalne

energije E_{gp} kugle jednako je radu sile uzgona F_{uz} na putu h .

$$E_{gp} = W_{uz} \Rightarrow m \cdot g \cdot (H + h) = F_{uz} \cdot h \Rightarrow m \cdot g \cdot (H + h) = \rho \cdot g \cdot V \cdot h \Rightarrow$$

$$\Rightarrow m \cdot g \cdot (H + h) = \rho \cdot g \cdot V \cdot h / \frac{1}{m \cdot g} \Rightarrow H + h = \frac{\rho \cdot V \cdot h}{m} \Rightarrow H = \frac{\rho \cdot V \cdot h}{m} - h \Rightarrow$$

$$\Rightarrow H = \left(\frac{\rho \cdot V}{m} - 1 \right) \cdot h = \left(\frac{1000 \frac{kg}{m^3} \cdot 2 \cdot 10^{-4} m^3}{0.14 kg} - 1 \right) \cdot 1 m = 0.43 m.$$



Vježba 387

Šuplja metalna kugla, vanjskog obujma 0.2 dm^3 , ima masu 140 g . Potopi se na dubinu 10 dm ispod površine vode i pusti. Do koje će visine iskočiti iznad površine vode? (ubrzanje slobodnog pada $g = 9.81 \text{ m/s}^2$, gustoća vode $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$)

Rezultat: 0.43 m .

Zadatak 388 (Maturantica, medicinska škola)

Kroz uži dio horizontalno položene cijevi polumjera 1 cm teče voda brzinom 2 m/s pri statičkome tlaku $2 \cdot 10^5 \text{ Pa}$. Koliki je statički tlak u širem dijelu te cijevi polumjera 1.73 cm ? Gustoća vode je 1000 kg/m^3 .

Rješenje 388

$$r_1 = 1 \text{ cm} = 10^{-2} \text{ m}, \quad v_1 = 2 \text{ m/s}, \quad p_1 = 2 \cdot 10^5 \text{ Pa}, \quad r_2 = 1.73 \text{ cm} = 1.73 \cdot 10^{-2} \text{ m},$$

$$\rho = 1000 \text{ kg/m}^3, \quad p_2 = ?$$

Količinu tekućine I koja prođe u jedinici vremena s nekim presjekom cijevi površine S zovemo jakost struje. Ona iznosi

$$I = S \cdot v,$$

gdje je v brzina protjecanja.

Gibanje fluida je stacionarno ako kroz bilo koji poprečni presjek cijevi za jednaki vremenski interval prođe jednaki volumen fluida. Tada vrijedi jednačba kontinuiteta

$$S_1 \cdot v_1 = S_2 \cdot v_2,$$

gdje je v_1 brzina fluida kroz presjek S_1 , v_2 brzina fluida kroz presjek S_2 .

Za stacionarni tok idealne tekućine u horizontalnoj cijevi vrijedi zakon u obliku Bernoullijeve jednačbe. On kaže da je zbroj statičkog i dinamičkog tlaka stalan.

$$p_1 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_1^2 = p_2 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_2^2.$$

Krug je skup svih točaka ravnine kojima je udaljenost od zadane točke S manja ili jednaka zadanom broju $r > 0$ (polumjeru kruga).

Ploština kruga polumjera r iznosi:

$$S = r^2 \cdot \pi.$$

$$\left. \begin{aligned} S_1 \cdot v_1 &= S_2 \cdot v_2 \\ p_1 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_1^2 &= p_2 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_2^2 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \left. \begin{aligned} S_2 \cdot v_2 &= S_1 \cdot v_1 \\ p_2 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_2^2 &= p_1 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_1^2 \end{aligned} \right\} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \left. \begin{aligned} S_2 \cdot v_2 &= S_1 \cdot v_1 \cdot \frac{1}{S_2} \\ p_2 &= p_1 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_1^2 - \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_2^2 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \left. \begin{aligned} v_2 &= \frac{S_1}{S_2} \cdot v_1 \\ p_2 &= p_1 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot (v_1^2 - v_2^2) \end{aligned} \right\} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow p_2 = p_1 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot \left(v_1^2 - \left(\frac{S_1}{S_2} \cdot v_1 \right)^2 \right) \Rightarrow p_2 = p_1 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot \left(v_1^2 - \left(\frac{S_1}{S_2} \right)^2 \cdot v_1^2 \right) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow p_2 = p_1 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_1^2 \cdot \left(1 - \left(\frac{S_1}{S_2} \right)^2 \right) \Rightarrow p_2 = p_1 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_1^2 \cdot \left(1 - \left(\frac{r_1^2 \cdot \pi}{r_2^2 \cdot \pi} \right)^2 \right) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow p_2 = p_1 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_1^2 \cdot \left(1 - \left(\frac{r_1^2 \cdot \pi}{r_2^2 \cdot \pi} \right)^2 \right) \Rightarrow p_2 = p_1 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_1^2 \cdot \left(1 - \left(\frac{r_1^2}{r_2^2} \right)^2 \right) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow p_2 = p_1 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_1^2 \cdot \left(1 - \left(\left(\frac{r_1}{r_2} \right)^2 \right)^2 \right) \Rightarrow p_2 = p_1 + \frac{1}{2} \cdot \rho \cdot v_1^2 \cdot \left(1 - \left(\frac{r_1}{r_2} \right)^4 \right) =$$

$$= 2 \cdot 10^5 \text{ Pa} + \frac{1}{2} \cdot 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot \left(2 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right)^2 \cdot \left(1 - \left(\frac{10^{-2} \text{ m}}{1.73 \cdot 10^{-2} \text{ m}} \right)^4 \right) = 201776.72 \text{ Pa}.$$

Vježba 388

Kroz užu dio horizontalno položene cijevi polumjera 0.1 dm teče voda brzinom 7.2 km / h pri statičkome tlaku 200 kPa. Koliki je statički tlak u širemu dijelu te cijevi polumjera 1.73 cm? Gustoća vode je 1000 kg / m³.

Rezultat: 201776.72 Pa.

Zadatak 389 (Mario, tehnička škola)

Tijelo se nalazi u tekućini gustoće ρ tako da je $\frac{1}{5}$ volumena tijela iznad površine tekućine.

Kolika je gustoća tijela?

- A. $\frac{\rho}{5}$ B. $\frac{\rho}{2}$ C. $\frac{4 \cdot \rho}{5}$ D. ρ

Rješenje 389

$$\rho, \quad V - \text{volumen tijela}, \quad V_1 = \frac{4}{5} \cdot V - \text{dio volumena u tekućini}, \quad \rho_t = ?$$

Gustoću ρ neke tvari možemo naći iz omjera (količnika) mase tijela i njegova obujma (volumena):

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho \cdot V.$$

Akceleracija kojom tijela padaju na Zemlju naziva se akceleracijom slobodnog pada. Prema drugom Newtonovu poučku

$$G = m \cdot g,$$

gdje je G sila teža, m masa tijela i g akceleracija slobodnog pada koja je za sva tijela na istome mjestu na Zemlji jednaka. Težina tijela jest sila kojom tijelo zbog Zemljina privlačenja djeluje na horizontalnu podlogu ili ovjes. Za slučaj kad tijelo i podloga, odnosno ovjes, miruju ili se gibaju jednoliko po pravcu s obzirom na Zemlju, težina tijela je veličinom jednaka sili teže.

Budući da tlak u tekućini ovisi o dubini, na tijelo uronjeno u tekućinu djeluje tekućina odozdo većom silom nego odozgo, tj. na tijelo djeluje uzgon. Uzgon je sila usmjerena prema površini tekućine, a iznos te sile jednak je težini tekućine koju je tijelo istisnulo svojim obujmom. Za uzgon vrijedi Arhimedov zakon:

$$F_{uz} = \rho_t \cdot g \cdot V,$$

gdje je ρ_t gustoća tekućine, g ubrzanje sile teže, V obujam uronjenog dijela tijela. Tijelo uronjeno u tekućinu postaje lakše za iznos težine tekućine koju je istisnulo svojim obujmom. Težina tijela uronjenog u fluid manja je za silu uzgona od težine tijela u vakuumu.

Ako je $\frac{1}{5}$ volumena tijela iznad površine tekućine, tada su $\frac{4}{5}$ volumena tijela u tekućini, dakle,

$$V_1 = \frac{4}{5} \cdot V.$$

Budući da je težina G tijela jednaka po iznosu uzgonu F_{uz} , slijedi:

$$\begin{aligned} G = F_{uz} &\Rightarrow m \cdot g = \rho_t \cdot g \cdot V_1 \Rightarrow \rho_t \cdot V \cdot g = \rho_t \cdot g \cdot \frac{4}{5} \cdot V \Rightarrow \rho_t \cdot V \cdot g = \rho \cdot g \cdot \frac{4}{5} \cdot V \quad / \cdot \frac{1}{V \cdot g} \Rightarrow \\ &\Rightarrow \rho_t = \rho \cdot \frac{4}{5} \Rightarrow \rho_t = \frac{4 \cdot \rho}{5}. \end{aligned}$$

Odgovor je pod C.

Vježba 389

Tijelo se nalazi u tekućini gustoće ρ tako da je $\frac{2}{5}$ volumena tijela iznad površine tekućine.

Kolika je gustoća tijela?

$$A. \frac{\rho}{5} \quad B. \frac{\rho}{2} \quad C. \frac{3 \cdot \rho}{5} \quad D. \rho$$

Rezultat: C.

Zadatak 390 (Ana, medicinska škola)

Uteg mase 1 kg ovješten je na dinamometar i uronjen u tekućinu gustoće $1 \text{ kg} / \text{dm}^3$. Dinamometar pokazuje silu iznosa 8 N. Koliki je obujam toga tijela? (ubrzanje slobodnog pada $g = 9.81 \text{ m} / \text{s}^2$)

Rješenje 390

$$m = 1 \text{ kg}, \quad \rho = 1 \text{ kg} / \text{dm}^3 = 1000 \text{ kg} / \text{m}^3, \quad F = 8 \text{ N}, \quad g = 9.81 \text{ m} / \text{s}^2, \quad V = ?$$

Akceleracija kojom tijela padaju na Zemlju naziva se akceleracijom slobodnog pada. Prema drugom Newtonovu poučku

$$G = m \cdot g,$$

gdje je G sila teža, m masa tijela i g akceleracija slobodnog pada koja je za sva tijela na istome mjestu na Zemlji jednaka. Težina tijela jest sila kojom tijelo zbog Zemljina privlačenja djeluje na horizontalnu podlogu ili ovjes. Za slučaj kad tijelo i podloga, odnosno ovjes, miruju ili se gibaju jednoliko po pravcu s obzirom na Zemlju, težina tijela je veličinom jednaka sili teže. Budući da tlak u tekućini ovisi o dubini, na tijelo uronjeno u tekućinu djeluje tekućina odozdo većom silom nego odozgo, tj. na tijelo djeluje uzgon. Uzgon je sila usmjerena prema površini tekućine, a iznos te sile jednak je težini tekućine koju je tijelo istisnulo svojim obujmom. Za uzgon vrijedi Arhimedov zakon:

$$F_{uz} = \rho_t \cdot g \cdot V,$$

gdje je ρ_t gustoća tekućine, g ubrzanje sile teže, V obujam uronjenog dijela tijela. Tijelo uronjeno u tekućinu postaje lakše za iznos težine tekućine koju je istisnulo svojim obujmom. Težina tijela uronjenog u fluid manja je za silu uzgona od težine tijela u vakuumu.

Sila F koju pokazuje dinamometar jednaka je razlici sile teže G i uzgona F_{uz} .

$$F = G - F_{uz} \Rightarrow F = m \cdot g - \rho \cdot g \cdot V \Rightarrow \rho \cdot g \cdot V = m \cdot g - F \Rightarrow \rho \cdot g \cdot V = m \cdot g - F \quad / \cdot \frac{1}{\rho \cdot g} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow V = \frac{m \cdot g - F}{\rho \cdot g} = \frac{1 \text{ kg} \cdot 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} - 8 \text{ N}}{1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}} = 1.85 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3.$$

Vježba 390

Uteg mase 100 dag ovješeno je na dinamometar i uronjen u tekućinu gustoće 100 dag / dm³. Dinamometar pokazuje silu iznosa 8 N. Koliki je obujam toga tijela? (ubrzanje slobodnog pada $g = 9.81 \text{ m/s}^2$)

Rezultat: $1.85 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3$.

Zadatak 391 (Patrik, tehnička škola)

Prazna plastična čaša mase 100 g pliva na vodi tako da je $\frac{1}{4}$ volumena čaše uronjena u vodu. Koliki se volumen ulja može uliti u čašu da ona još uvijek ne potone? Gustoća ulja iznosi 900 kg / m³, a gustoća vode 1000 kg / m³.

Rješenje 391

$$m_1 = 100 \text{ g} = 0.1 \text{ kg}, \quad V_1 = \frac{1}{4} \cdot V, \quad \rho_u = 900 \text{ kg/m}^3, \quad \rho_v = 1000 \text{ kg/m}^3, \quad V_2 = ?$$

Gustoću ρ neke tvari možemo naći iz omjera (količnika) mase tijela i njegova obujma (volumena):

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho \cdot V.$$

Akceleracija kojom tijela padaju na Zemlju naziva se akceleracijom slobodnog pada. Prema drugom Newtonovu poučku

$$G = m \cdot g,$$

gdje je G sila teža, m masa tijela i g akceleracija slobodnog pada koja je za sva tijela na istome mjestu na Zemlji jednaka. Težina tijela jest sila kojom tijelo zbog Zemljina privlačenja djeluje na horizontalnu podlogu ili ovjes. Za slučaj kad tijelo i podloga, odnosno ovjes, miruju ili se gibaju jednoliko po pravcu s obzirom na Zemlju, težina tijela je veličinom jednaka sili teže.

Budući da tlak u tekućini ovisi o dubini, na tijelo uronjeno u tekućinu djeluje tekućina odozdo većom silom nego odozgo, tj. na tijelo djeluje uzgon. Uzgon je sila usmjerena prema površini tekućine, a iznos te sile jednak je težini tekućine koju je tijelo istisnulo svojim obujmom. Za uzgon vrijedi Arhimedov zakon:

$$F_{uz} = \rho_t \cdot g \cdot V,$$

gdje je ρ_t gustoća tekućine, g ubrzanje sile teže, V obujam uronjenog dijela tijela. Tijelo uronjeno u tekućinu postaje lakše za iznos težine tekućine koju je istisnulo svojim obujmom. Težina tijela uronjenog u fluid manja je za silu uzgona od težine tijela u vakuumu.

Prazna čaša mase m_1 pliva na vodi jer je sila uzgona po iznosu jednaka težini čaše.

$$F_{uz} = G_1 \Rightarrow \rho_v \cdot g \cdot V_1 = m_1 \cdot g \Rightarrow \rho_v \cdot g \cdot \frac{1}{4} \cdot V = m_1 \cdot g \Rightarrow \rho_v \cdot g \cdot \frac{1}{4} \cdot V = m_1 \cdot g \quad /: \frac{4}{\rho_v \cdot g} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow V = \frac{4 \cdot m_1}{\rho_v} = \frac{4 \cdot 0.1 \text{ kg}}{1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}} = 4 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3. \text{ volumen čaše}$$

Kada se u čašu ulije ulje volumena V_2 ona još uvijek neće potonuti ako je zbroj težine čaše i težine ulja jednak sili uzgona.

$$G_1 + G_2 = F_{uz} \Rightarrow m_1 \cdot g + m_2 \cdot g = \rho_v \cdot g \cdot V \Rightarrow m_1 \cdot g + m_2 \cdot g = \rho_v \cdot g \cdot V \quad /: g \Rightarrow$$

$$\Rightarrow m_1 + m_2 = \rho_v \cdot V \Rightarrow m_1 + \rho_u \cdot V_2 = \rho_v \cdot V \Rightarrow \rho_u \cdot V_2 = \rho_v \cdot V - m_1 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \rho_u \cdot V_2 = \rho_v \cdot V - m_1 \quad /: \frac{1}{\rho_u} \Rightarrow V_2 = \frac{\rho_v \cdot V - m_1}{\rho_u} =$$

$$= \frac{1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot 4 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3 - 0.1 \text{ kg}}{900 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}} = 3.33 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3.$$

Vježba 391

Prazna plastična čaša mase 10 dag pliva na vodi tako da je $\frac{1}{4}$ volumena čaše uronjena u vodu.

Koliki se volumen ulja može uliti u čašu da ona još uvijek ne potone? Gustoća ulja iznosi $900 \text{ kg} / \text{m}^3$, a gustoća vode $1000 \text{ kg} / \text{m}^3$.

Rezultat: $3.33 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3$.

Zadatak 392 (Doty, maturantica)

Tijela A i B uronjena su u potpunosti u tekućinu gustoće ρ . Za mase tijela vrijedi $m_a = 2 \cdot m_b$, a za njihove gustoće vrijedi $\rho_a = \rho_b / 3$. Kako se odnose sile uzgona F_{ua} i F_{ub} na ta dva tijela?

$$A. \frac{F_{ua}}{F_{ub}} = \frac{2}{3} \quad B. \frac{F_{ua}}{F_{ub}} = 1 \quad C. \frac{F_{ua}}{F_{ub}} = \frac{3}{2} \quad D. \frac{F_{ua}}{F_{ub}} = 6$$

Rješenje 392

$$\rho, \quad m_a = 2 \cdot m_b, \quad \rho_a = \frac{1}{3} \cdot \rho_b, \quad \frac{F_{ua}}{F_{ub}} = ?$$

Gustoću ρ neke tvari možemo naći iz omjera (količnika) mase tijela i njegova obujma (volumena):

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow V = \frac{m}{\rho}.$$

Budući da tlak u tekućini ovisi o dubini, na tijelo uronjeno u tekućinu djeluje tekućina odozdo većom silom nego odozgo, tj. na tijelo djeluje uzgon. Uzgon je sila usmjerena prema površini tekućine, a iznos te sile jednak je težini tekućine koju je tijelo istisnulo svojim obujmom. Za uzgon vrijedi Arhimedov zakon:

$$F_{uz} = \rho_t \cdot g \cdot V,$$

gdje je ρ_t gustoća tekućine, g ubrzanje sile teže, V obujam uronjenog dijela tijela. Tijelo uronjeno u tekućinu postaje lakše za iznos težine tekućine koju je istisnulo svojim obujmom. Težina tijela

uronjenog u fluid manja je za silu uzgona od težine tijela u vakuumu.

$$\frac{F_{ua}}{F_{ub}} = \frac{\rho \cdot g \cdot V_a}{\rho \cdot g \cdot V_b} \Rightarrow \frac{F_{ua}}{F_{ub}} = \frac{\rho \cdot g \cdot V_a}{\rho \cdot g \cdot V_b} \Rightarrow \frac{F_{ua}}{F_{ub}} = \frac{V_a}{V_b} \Rightarrow \frac{F_{ua}}{F_{ub}} = \frac{\frac{m_a}{\rho_a}}{\frac{m_b}{\rho_b}} \Rightarrow \frac{F_{ua}}{F_{ub}} = \frac{m_a \cdot \rho_b}{m_b \cdot \rho_a} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \left[\begin{array}{l} m_a = 2 \cdot m_b \\ \rho_a = \frac{1}{3} \cdot \rho_b \end{array} \right] \Rightarrow \frac{F_{ua}}{F_{ub}} = \frac{2 \cdot m_b \cdot \rho_b}{m_b \cdot \frac{1}{3} \cdot \rho_b} \Rightarrow \frac{F_{ua}}{F_{ub}} = \frac{2 \cdot m_b \cdot \rho_b}{m_b \cdot \frac{1}{3} \cdot \rho_b} \Rightarrow \frac{F_{ua}}{F_{ub}} = \frac{2}{\frac{1}{3}} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{F_{ua}}{F_{ub}} = \frac{2}{\frac{1}{3}} \Rightarrow \frac{F_{ua}}{F_{ub}} = 6.$$

Odgovor je pod D.

Vježba 392

Tijela A i B uronjena su u potpunosti u tekućinu gustoće ρ . Za mase tijela vrijedi $m_a = 2 \cdot m_b$, a za njihove gustoće vrijedi $\rho_a = 2 \cdot \rho_b$. Kako se odnose sile uzgona F_{ua} i F_{ub} na ta dva tijela?

A. $\frac{F_{ua}}{F_{ub}} = \frac{2}{3}$ B. $\frac{F_{ua}}{F_{ub}} = 1$ C. $\frac{F_{ua}}{F_{ub}} = \frac{3}{2}$ D. $\frac{F_{ua}}{F_{ub}} = 6$

Rezultat: B.

Zadatak 393 (Fizikalci ☺, maturanti)

Tijelo koje lebdi u čistoj vodi na dubini 10 m ponašat će se u morskoj vodi na sljedeći način:

- A. Lebđjet će na istoj visini. B. Lebđjet će na dubini 11 m.
 C. Lebđjet će na dubini 9 m. D. Potonut će na dno.
 E. Isplivat će na površinu.

(gustoća vode $\rho = 1000 \text{ kg / m}^3$, gustoća morske vode $\rho_1 = 1030 \text{ kg / m}^3$)

Rješenje 393

$$h = 10 \text{ m}, \quad \rho = 1000 \text{ kg / m}^3, \quad \rho_1 = 1030 \text{ kg / m}^3, \quad \text{ponašanje tijela} = ?$$

Budući da tlak u tekućini ovisi o dubini, na tijelo uronjeno u tekućinu djeluje tekućina odozdo većom silom nego odozgo, tj. na tijelo djeluje uzgon. Uzgon je sila usmjerena prema površini tekućine, a iznos te sile jednak je težini tekućine koju je tijelo istisnulo svojim obujmom. Za uzgon vrijedi Arhimedov zakon:

$$F_{uz} = \rho_t \cdot g \cdot V,$$

gdje je ρ_t gustoća tekućine, g ubrzanje sile teže, V obujam uronjenog dijela tijela. Tijelo uronjeno u tekućinu postaje lakše za iznos težine tekućine koju je istisnulo svojim obujmom. Težina tijela uronjenog u fluid manja je za silu uzgona od težine tijela u vakuumu.

Akceleracija kojom tijela padaju na Zemlju naziva se akceleracijom slobodnog pada. Prema drugom Newtonovu poučku

$$G = m \cdot g,$$

gdje je G sila teža, m masa tijela i g akceleracija slobodnog pada koja je za sva tijela na istome mjestu na Zemlji jednaka. Težina tijela jest sila kojom tijelo zbog Zemljina privlačenja djeluje na horizontalnu podlogu ili ovjes. Za slučaj kad tijelo i podloga, odnosno ovjes, miruju ili se gibaju jednoliko po pravcu s obzirom na Zemlju, težina tijela je veličinom jednaka sili teže.

Neka tijelo volumena V ima veću težinu G od uzgona. To je slučaj kad je gustoća tijela veća od gustoće tekućine. Tijelo će tonuti.

Neka tijelo volumena V ima težinu G jednaku uzgonu. To je slučaj kad su obje gustoće jednake. Tijelo će mirovati na svakom mjestu u mirnoj tekućini.

Budući da je gustoća morske vode veća od gustoća slatke vode, tijelo će isplivati na površinu.
Odgovor je pod E.

Vježba 393

Tijelo koje lebdi u morskoj vodi na dubini 10 m ponašat će se u čistoj vodi na sljedeći način:

- A. Lebdtet će na istoj visini. B. Lebdtet će na dubini 11 m.
C. Lebdtet će na dubini 9 m. D. Potonut će na dno.
E. Isplivat će na površinu.

(gustoća vode $\rho = 1000 \text{ kg / m}^3$, gustoća morske vode $\rho_1 = 1030 \text{ kg / m}^3$)

Rezultat: D.

Zadatak 394 (Fizikalci ☹, maturanti)

Tijelo mase 1 kg, gustoće 8000 kg / m^3 , obješeno je o dinamometar i cijelo uronjeno u vodu. Koliki je uzgon na tijelo? (gustoća vode $\rho_v = 1000 \text{ kg / m}^3$, ubrzanje slobodnog pada $g = 9.81 \text{ m / s}^2$)

- A. 125 N B. 0.25 N C. 0.5 N D. 1.23 N

Rješenje 394

$$m = 1 \text{ kg}, \quad \rho = 8000 \text{ kg / m}^3, \quad \rho_v = 1000 \text{ kg / m}^3, \quad g = 9.81 \text{ m / s}^2, \quad F_{uz} = ?$$

Gustoću ρ neke tvari možemo naći iz omjera (količnika) mase tijela i njegova obujma (volumena):

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow V = \frac{m}{\rho}.$$

Budući da tlak u tekućini ovisi o dubini, na tijelo uronjeno u tekućinu djeluje tekućina odozdo većom silom nego odozgo, tj. na tijelo djeluje uzgon. Uzgon je sila usmjerena prema površini tekućine, a iznos te sile jednak je težini tekućine koju je tijelo istisnulo svojim obujmom. Za uzgon vrijedi Arhimedov zakon:

$$F_{uz} = \rho_v \cdot g \cdot V,$$

gdje je ρ_v gustoća tekućine, g ubrzanje sile teže, V obujam uronjenog dijela tijela. Tijelo uronjeno u tekućinu postaje lakše za iznos težine tekućine koju je istisnulo svojim obujmom. Težina tijela uronjenog u fluid manja je za silu uzgona od težine tijela u vakuumu.

$$\left. \begin{array}{l} V = \frac{m}{\rho} \\ F_{uz} = \rho_v \cdot g \cdot V \end{array} \right\} \Rightarrow F_{uz} = \rho_v \cdot g \cdot \frac{m}{\rho} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot \frac{1 \text{ kg}}{8000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}} = 1.23 \text{ N}.$$

Odgovor je pod D.

Vježba 394

Tijelo mase 2 kg, gustoće 16000 kg / m^3 , obješeno je o dinamometar i cijelo uronjeno u vodu. Koliki je uzgon na tijelo? (gustoća vode $\rho_v = 1000 \text{ kg / m}^3$, ubrzanje slobodnog pada $g = 9.81 \text{ m / s}^2$)

- A. 125 N B. 0.25 N C. 0.5 N D. 1.23 N

Rezultat: D.

Zadatak 395 (Fizikalci ☹, maturanti)

Tijelo mase 1 kg, gustoće 8000 kg / m^3 , obješeno je o dinamometar i cijelo uronjeno u vodu. Koliku silu pokazuje dinamometar? (gustoća vode $\rho_v = 1000 \text{ kg / m}^3$, ubrzanje slobodnog pada $g = 9.81 \text{ m / s}^2$)

- A. 10 N B. 10.5 N C. 8.58 N D. 9.75 N

Rješenje 395

$$m = 1 \text{ kg}, \quad \rho = 8000 \text{ kg / m}^3, \quad \rho_v = 1000 \text{ kg / m}^3, \quad g = 9.81 \text{ m / s}^2, \quad F = ?$$

Gustoću ρ neke tvari možemo naći iz omjera (količnika) mase tijela i njegova obujma (volumena):

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow V = \frac{m}{\rho}$$

Akceleracija kojom tijela padaju na Zemlju naziva se akceleracijom slobodnog pada. Prema drugom Newtonovu poučku

$$G = m \cdot g,$$

gdje je G sila teža, m masa tijela i g akceleracija slobodnog pada koja je za sva tijela na istome mjestu na Zemlji jednaka. Težina tijela jest sila kojom tijelo zbog Zemljina privlačenja djeluje na horizontalnu podlogu ili ovjes. Za slučaj kad tijelo i podloga, odnosno ovjes, miruju ili se gibaju jednoliko po pravcu s obzirom na Zemlju, težina tijela je veličinom jednaka sili teže.

Budući da tlak u tekućini ovisi o dubini, na tijelo uronjeno u tekućinu djeluje tekućina odozdo većom silom nego odozgo, tj. na tijelo djeluje uzgon. Uzgon je sila usmjerena prema površini tekućine, a iznos te sile jednak je težini tekućine koju je tijelo istisnulo svojim obujmom. Za uzgon vrijedi Arhimedov zakon:

$$F_{uz} = \rho_t \cdot g \cdot V,$$

gdje je ρ_t gustoća tekućine, g ubrzanje sile teže, V obujam uronjenog dijela tijela. Tijelo uronjeno u tekućinu postaje lakše za iznos težine tekućine koju je istisnulo svojim obujmom. Težina tijela uronjenog u fluid manja je za silu uzgona od težine tijela u vakuumu.

Sila F koju pokazuje dinamometar jednaka je razlici težine G tijela i sile uzgona F_{uz} .

$$F = G - F_{uz} \Rightarrow F = m \cdot g - \rho_v \cdot g \cdot V \Rightarrow F = m \cdot g - \rho_v \cdot g \cdot \frac{m}{\rho} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow F = m \cdot g \cdot \left(1 - \frac{\rho_v}{\rho}\right) = 1 \text{ kg} \cdot 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot \left(1 - \frac{1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}}{8000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}}\right) = 8.58 \text{ N}.$$

Odgovor je pod C.

Vježba 395

Tijelo mase 100 dag, gustoće $8000 \text{ kg} / \text{m}^3$, obješeno je o dinamometar i cijelo uronjeno u vodu. Koliku silu pokazuje dinamometar? (gustoća vode $\rho_v = 1000 \text{ kg} / \text{m}^3$, ubrzanje slobodnog pada $g = 9.81 \text{ m} / \text{s}^2$)

- A. 10 N B. 10.5 N C. 8.58 N D. 9.75 N

Rezultat: C.

Zadatak 396 (Fizikalci ☺, maturanti)

Tijelo pluta na površini vode tako da je $\frac{3}{4}$ volumena tijela uronjeno u vodu gustoće $1000 \text{ kg} / \text{m}^3$. Kada se u posudu nadolije tekućina gustoće $800 \text{ kg} / \text{m}^3$ tako da pokrije tijelo, što će se dogoditi?

- A. Tijelo će ostati na prijašnjem mjestu.
 B. Tijelo će se malo pomaknuti prema gore, ali neće isplivati na površinu.
 C. Tijelo će potonuti na dno.
 D. Tijelo će isplivati na površinu.

Rješenje 396

$$V, \quad V_1 = \frac{3}{4} \cdot V, \quad \rho_v = 1000 \text{ kg} / \text{m}^3, \quad \rho = 800 \text{ kg} / \text{m}^3, \quad \text{događaj} = ?$$

Gustoću ρ neke tvari možemo naći iz omjera (količnika) mase tijela i njegova obujma (volumena):

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho \cdot V.$$

Akceleracija kojom tijela padaju na Zemlju naziva se akceleracijom slobodnog pada. Prema drugom Newtonovu poučku

$$G = m \cdot g,$$

gdje je G sila teža, m masa tijela i g akceleracija slobodnog pada koja je za sva tijela na istome mjestu na Zemlji jednaka. Težina tijela jest sila kojom tijelo zbog Zemljina privlačenja djeluje na horizontalnu podlogu ili ovjes. Za slučaj kad tijelo i podloga, odnosno ovjes, miruju ili se gibaju jednoliko po pravcu s obzirom na Zemlju, težina tijela je veličinom jednaka sili teže.

Budući da tlak u tekućini ovisi o dubini, na tijelo uronjeno u tekućinu djeluje tekućina odozdo većom silom nego odozgo, tj. na tijelo djeluje uzgon. Uzgon je sila usmjerena prema površini tekućine, a iznos te sile jednak je težini tekućine koju je tijelo istisnulo svojim obujmom. Za uzgon vrijedi Arhimedov zakon:

$$F_{uz} = \rho_t \cdot g \cdot V,$$

gdje je ρ_t gustoća tekućine, g ubrzanje sile teže, V obujam uronjenog dijela tijela. Tijelo uronjeno u tekućinu postaje lakše za iznos težine tekućine koju je istisnulo svojim obujmom. Težina tijela uronjenog u fluid manja je za silu uzgona od težine tijela u vakuumu.

Najprije izračunamo gustoću tijela kako bismo mogli usporediti njegovu gustoću s gustoćom vode. Tijelo pluta na površini vode jer je njegova težina G po iznosu jednaka sili uzgona F_{uz} .

$$\begin{aligned} G = F_{uz} &\Rightarrow m \cdot g = \rho_v \cdot g \cdot V_1 \Rightarrow \rho \cdot V \cdot g = \rho_v \cdot g \cdot \frac{3}{4} \cdot V \Rightarrow \rho \cdot V \cdot g = \rho_v \cdot g \cdot \frac{3}{4} \cdot V \quad / \cdot \frac{1}{g \cdot V} \Rightarrow \\ &\Rightarrow \rho = \frac{3}{4} \cdot \rho_v = \frac{3}{4} \cdot 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 750 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \text{ gustoća tijela.} \end{aligned}$$

Primijetimo da je gustoća tijela manja od gustoće tekućine koju nadolijemo. Zato će tijelo isplivati na površinu.

Odgovor je pod D.

Vježba 396

Tijelo pluta na površini vode tako da je 75% volumena tijela uronjeno u vodu gustoće $1000 \text{ kg} / \text{m}^3$. Kada se u posudu nadolije tekućina gustoće $800 \text{ kg} / \text{m}^3$ tako da pokrije tijelo, što će se dogoditi?

- A. Tijelo će ostati na prijašnjem mjestu.
- B. Tijelo će se malo pomaknuti prema gore, ali neće isplivati na površinu.
- C. Tijelo će potonuti na dno.
- D. Tijelo će isplivati na površinu.

Rezultat: D.

Zadatak 397 (Mateo, gimnazija)

Tijelo volumena 100 cm^3 ima gustoću $3000 \text{ kg} / \text{m}^3$. Potopi se u posudu s vodom. Kolika je akceleracija tijela pri padanju kroz vodu? Trenje zanemarite. (gustoća vode $\rho_v = 1000 \text{ kg} / \text{m}^3$, ubrzanje slobodnog pada $g = 9.81 \text{ m} / \text{s}^2$)

Rješenje 397

$$V = 100 \text{ cm}^3 = 10^{-4} \text{ m}^3, \quad \rho = 3000 \text{ kg} / \text{m}^3, \quad \rho_v = 1000 \text{ kg} / \text{m}^3, \quad g = 9.81 \text{ m} / \text{s}^2, \\ a = ?$$

Akceleracija kojom tijela padaju na Zemlju naziva se akceleracijom slobodnog pada. Prema drugom Newtonovu poučku

$$G = m \cdot g,$$

gdje je G sila teža, m masa tijela i g akceleracija slobodnog pada koja je za sva tijela na istome mjestu na Zemlji jednaka. Težina tijela jest sila kojom tijelo zbog Zemljina privlačenja djeluje na horizontalnu podlogu ili ovjes. Za slučaj kad tijelo i podloga, odnosno ovjes, miruju ili se gibaju jednoliko po pravcu s obzirom na Zemlju, težina tijela je veličinom jednaka sili teže.

Budući da tlak u tekućini ovisi o dubini, na tijelo uronjeno u tekućinu djeluje tekućina odozdo većom

silom nego odozgo, tj. na tijelo djeluje uzgon. Uzgon je sila usmjerena prema površini tekućine, a iznos te sile jednak je težini tekućine koju je tijelo istisnulo svojim obujmom. Za uzgon vrijedi Arhimedov zakon:

$$F_{uz} = \rho_t \cdot g \cdot V,$$

gdje je ρ_t gustoća tekućine, g ubrzanje sile teže, V obujam uronjenog dijela tijela. Tijelo uronjeno u tekućinu postaje lakše za iznos težine tekućine koju je istisnulo svojim obujmom. Težina tijela uronjenog u fluid manja je za silu uzgona od težine tijela u vakuumu.

Gustoću ρ neke tvari možemo naći iz omjera (količnika) mase tijela i njegova obujma (volumena):

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho \cdot V.$$

Drugi Newtonov poučak:

Ako na tijelo djeluje stalna sila u smjeru njegova gibanja, tijelo ima akceleraciju koja je proporcionalna sili, a obrnuto proporcionalna masi tijela te ima isti smjer kao i sila.

$$a = \frac{F}{m} \Rightarrow F = m \cdot a.$$

Drugi Newtonov poučak opisuje ponašanje tijela kad na njega djeluje određena vanjska sila F . Akceleracija a tijela je razmjerna sili i ima smjer sile, a obrnuto je razmjerna masi tijela.

Budući da nema trenja, tijelo će se gibati pod djelovanjem rezultante sile teže G i njoj suprotne sile uzgona F_{uz} . Prema drugom Newtonovu poučku slijedi:

$$\begin{aligned} F &= G - F_{uz} \Rightarrow m \cdot a = m \cdot g - \rho_v \cdot g \cdot V \Rightarrow m \cdot a = m \cdot g - \rho_v \cdot g \cdot V \cdot \frac{1}{m} \Rightarrow \\ \Rightarrow a &= g - \frac{\rho_v \cdot g \cdot V}{m} \Rightarrow [m = \rho \cdot V] \Rightarrow a = g - \frac{\rho_v \cdot g \cdot V}{\rho \cdot V} \Rightarrow a = g - \frac{\rho_v \cdot g \cdot V}{\rho \cdot V} \Rightarrow \\ \Rightarrow a &= g - \frac{\rho_v \cdot g}{\rho} \Rightarrow a = g \cdot \left(1 - \frac{\rho_v}{\rho}\right) = 9.81 \frac{m}{s^2} \cdot \left(1 - \frac{1000 \frac{kg}{m^3}}{3000 \frac{kg}{m^3}}\right) = 6.54 \frac{m}{s^2}. \end{aligned}$$

Vježba 397

Tijelo volumena 0.1 dm^3 ima gustoću 3000 kg/m^3 . Potopi se u posudu s vodom. Kolika je akceleracija tijela pri padanju kroz vodu? Trenje zanemarite. (gustoća vode $\rho_v = 1000 \text{ kg/m}^3$, ubrzanje slobodnog pada $g = 9.81 \text{ m/s}^2$)

Rezultat: 6.54 m/s^2 .

Zadatak 398 (Darija, medicinska škola)

Čamac ima površinu poprečnog presjeka 2.6 m^2 . Za koliko će potonuti ako u njega uđu dvije osobe ukupne mase 150 kg ? (gustoća vode $\rho_v = 1000 \text{ kg/m}^3$)

Rješenje 398

$$S = 2.6 \text{ m}^2, \quad m = 150 \text{ kg}, \quad \rho_v = 1000 \text{ kg/m}^3, \quad \Delta h = ?$$

Akceleracija kojom tijela padaju na Zemlju naziva se akceleracijom slobodnog pada. Prema drugom Newtonovu poučku

$$G = m \cdot g,$$

gdje je G sila teža, m masa tijela i g akceleracija slobodnog pada koja je za sva tijela na istome mjestu na Zemlji jednaka. Težina tijela jest sila kojom tijelo zbog Zemljina privlačenja djeluje na horizontalnu podlogu ili ovjes. Za slučaj kad tijelo i podloga, odnosno ovjes, miruju ili se gibaju jednoliko po pravcu s obzirom na Zemlju, težina tijela je veličinom jednaka sili teže.

Budući da tlak u tekućini ovisi o dubini, na tijelo uronjeno u tekućinu djeluje tekućina odozdo većom silom nego odozgo, tj. na tijelo djeluje uzgon. Uzgon je sila usmjerena prema površini tekućine, a iznos te sile jednak je težini tekućine koju je tijelo istisnulo svojim obujmom. Za uzgon vrijedi

Arhimedov zakon:

$$F_{uz} = \rho_t \cdot g \cdot V,$$

gdje je ρ_t gustoća tekućine, g ubrzanje sile teže, V obujam uronjenog dijela tijela. Tijelo uronjeno u tekućinu postaje lakše za iznos težine tekućine koju je istisnulo svojim obujmom. Težina tijela uronjenog u fluid manja je za silu uzgona od težine tijela u vakuumu.

Obujam (volumen) prizme s bazom (osnovkom) ploštine S i visinom h iznosi:

$$V = S \cdot h.$$

Dodatni uzgon mora biti jednak težini tih osoba.

$$\begin{aligned} F_{uz} = G &\Rightarrow \rho_v \cdot g \cdot V = m \cdot g \Rightarrow [V = S \cdot \Delta h] \Rightarrow \rho_v \cdot g \cdot S \cdot \Delta h = m \cdot g \Rightarrow \\ \Rightarrow \rho_v \cdot g \cdot S \cdot \Delta h &= m \cdot g \quad / \cdot \frac{1}{\rho_v \cdot g \cdot S} \Rightarrow \Delta h = \frac{m}{\rho_v \cdot S} = \frac{150 \text{ kg}}{1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot 2.6 \text{ m}^2} = 0.0577 \text{ m} = 5.77 \text{ cm}. \end{aligned}$$

Vježba 398

Čamac ima površinu poprečnog presjeka 5.2 m^2 . Za koliko će potonuti ako u njega uđu tri osobe ukupne mase 300 kg ? (gustoća vode $\rho_v = 1000 \text{ kg / m}^3$)

Rezultat: 5.77 cm.

Zadatak 399 (Robert, tehnička škola)

Kolika je sila potrebna da se pod vodom drži košarkaška lopta mase 650 g , polumjera 12.2 cm ? (gustoća vode $\rho_v = 1000 \text{ kg / m}^3$, ubrzanje slobodnog pada $g = 9.81 \text{ m / s}^2$)

Rješenje 399

$$m = 650 \text{ g} = 0.65 \text{ kg}, \quad r = 12.2 \text{ cm} = 0.122 \text{ m}, \quad \rho_v = 1000 \text{ kg / m}^3, \quad g = 9.81 \text{ m / s}^2, \\ F = ?$$

Akceleracija kojom tijela padaju na Zemlju naziva se akceleracijom slobodnog pada. Prema drugom Newtonovu poučku

$$G = m \cdot g,$$

gdje je G sila teža, m masa tijela i g akceleracija slobodnog pada koja je za sva tijela na istome mjestu na Zemlji jednaka. Težina tijela jest sila kojom tijelo zbog Zemljina privlačenja djeluje na horizontalnu podlogu ili ovjes. Za slučaj kad tijelo i podloga, odnosno ovjes, miruju ili se gibaju jednoliko po pravcu s obzirom na Zemlju, težina tijela je veličinom jednaka sili teže.

Budući da tlak u tekućini ovisi o dubini, na tijelo uronjeno u tekućinu djeluje tekućina odozdo većom silom nego odozgo, tj. na tijelo djeluje uzgon. Uzgon je sila usmjerena prema površini tekućine, a iznos te sile jednak je težini tekućine koju je tijelo istisnulo svojim obujmom. Za uzgon vrijedi Arhimedov zakon:

$$F_{uz} = \rho_t \cdot g \cdot V,$$

gdje je ρ_t gustoća tekućine, g ubrzanje sile teže, V obujam uronjenog dijela tijela. Tijelo uronjeno u tekućinu postaje lakše za iznos težine tekućine koju je istisnulo svojim obujmom. Težina tijela uronjenog u fluid manja je za silu uzgona od težine tijela u vakuumu.

Najprije izračunamo gustoću tijela kako bismo mogli usporediti njegovu gustoću s gustoćom vode. Tijelo pluta na površini vode jer je njegova težina G po iznosu jednaka sili uzgona F_{uz} .

Volumen kugle polumjera r računa se po formuli:

$$V = \frac{4}{3} \cdot r^3 \cdot \pi.$$

Sila F koju moramo uporabiti jednaka je razlici sile uzgona F_{uz} i sile teže G .

$$F = F_{uz} - G \Rightarrow F = \rho_v \cdot g \cdot V - m \cdot g \Rightarrow F = \rho_v \cdot g \cdot \frac{4}{3} \cdot r^3 \cdot \pi - m \cdot g \Rightarrow$$

$$\Rightarrow F = g \cdot \left(\frac{4}{3} \cdot \rho_v \cdot r^3 \cdot \pi - m \right) = 9.81 \frac{m}{s^2} \cdot \left(\frac{4}{3} \cdot 1000 \frac{kg}{m^3} \cdot (0.122 m)^3 \cdot \pi - 0.65 kg \right) = 68.24 N.$$

Vježba 399

Kolika je sila potrebna da se pod vodom drži košarkaška lopta mase 65 dag, polumjera 1.22 dm? (gustoća vode $\rho_v = 1000 \text{ kg / m}^3$, ubrzanje slobodnog pada $g = 9.81 \text{ m / s}^2$)

Rezultat: 68.24 N.

Zadatak 400 (Darko, maturant)

Kolika je sila potrebna da se pod vodom drži drvena kugla gustoće 0.6 kg / dm^3 i polumjera 12.2 cm? (gustoća vode $\rho_v = 1000 \text{ kg / m}^3$, ubrzanje slobodnog pada $g = 9.81 \text{ m / s}^2$)

Rješenje 400

$$\rho = 0.6 \text{ kg / dm}^3 = 600 \text{ kg / m}^3, \quad r = 12.2 \text{ cm} = 0.122 \text{ m}, \quad \rho_v = 1000 \text{ kg / m}^3, \\ g = 9.81 \text{ m / s}^2, \quad F = ?$$

Gustoću ρ neke tvari možemo naći iz omjera (količnika) mase tijela i njegova obujma (volumena):

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho \cdot V.$$

Akceleracija kojom tijela padaju na Zemlju naziva se akceleracijom slobodnog pada. Prema drugom Newtonovu poučku

$$G = m \cdot g,$$

gdje je G sila teža, m masa tijela i g akceleracija slobodnog pada koja je za sva tijela na istome mjestu na Zemlji jednaka. Težina tijela jest sila kojom tijelo zbog Zemljina privlačenja djeluje na horizontalnu podlogu ili ovjes. Za slučaj kad tijelo i podloga, odnosno ovjes, miruju ili se gibaju jednoliko po pravcu s obzirom na Zemlju, težina tijela je veličinom jednaka sili teže.

Budući da tlak u tekućini ovisi o dubini, na tijelo uronjeno u tekućinu djeluje tekućina odozdo većom silom nego odozgo, tj. na tijelo djeluje uzgon. Uzgon je sila usmjerena prema površini tekućine, a iznos te sile jednak je težini tekućine koju je tijelo istisnulo svojim obujmom. Za uzgon vrijedi Arhimedov zakon:

$$F_{uz} = \rho_t \cdot g \cdot V,$$

gdje je ρ_t gustoća tekućine, g ubrzanje sile teže, V obujam uronjenog dijela tijela. Tijelo uronjeno u tekućinu postaje lakše za iznos težine tekućine koju je istisnulo svojim obujmom. Težina tijela uronjenog u fluid manja je za silu uzgona od težine tijela u vakuumu.

Najprije izračunamo gustoću tijela kako bismo mogli usporediti njegovu gustoću s gustoćom vode. Tijelo pluta na površini vode jer je njegova težina G po iznosu jednaka sili uzgona F_{uz} .

Volumen kugle polumjera r računa se po formuli:

$$V = \frac{4}{3} \cdot r^3 \cdot \pi.$$

Sila F koju moramo uporabiti jednaka je razlici sile uzgona F_{uz} i sile teže G .

$$F = F_{uz} - G \Rightarrow F = \rho_v \cdot g \cdot V - m \cdot g \Rightarrow F = \rho_v \cdot g \cdot V - \rho \cdot V \cdot g \Rightarrow \\ \Rightarrow F = g \cdot V \cdot (\rho_v - \rho) \Rightarrow F = g \cdot V \cdot (\rho_v - \rho) \Rightarrow F = g \cdot \frac{4}{3} \cdot r^3 \cdot \pi \cdot (\rho_v - \rho) \Rightarrow \\ \Rightarrow F = \frac{4}{3} \cdot g \cdot r^3 \cdot \pi \cdot (\rho_v - \rho) = \frac{4}{3} \cdot 9.81 \frac{m}{s^2} \cdot (0.122 m)^3 \cdot \pi \cdot \left(1000 \frac{kg}{m^3} - 600 \frac{kg}{m^3} \right) = 29.85 N.$$

Vježba 400

Kolika je sila potrebna da se pod vodom drži drvena kugla gustoće 600 g / dm^3 i polumjera 1.22 dm? (gustoća vode $\rho_v = 1000 \text{ kg / m}^3$, ubrzanje slobodnog pada $g = 9.81 \text{ m / s}^2$)

Rezultat: 29.85 N.